

PROGRESSÃO ARITMÉTICA

TERMO GERAL

CONSIDERE A SEQUÊNCIA:

$$\begin{array}{cccccc} a_1 & a_2 & a_3 & a_4 & a_5 & \dots \\ 2 & 5 & 8 & 11 & 14 & \dots \end{array}$$

$+3 \quad +3 \quad +3 \quad +3$

$$a_n = a_1 + (n-1) \cdot r$$

EXEMPLO

$$11, 20, 29, 38, 47 \dots \quad a_{21} = ?$$

$+9 \quad +9 \quad +9$

$$a_1 = 11 \therefore r = 9$$

$$a_n = a_1 + (n-1) \cdot r = 11 + (n-1) \cdot 9$$

$$a_{21} = 11 + (21-1) \cdot 9 \therefore a_{21} = 191$$



UNIVERSO NARRADO

SOMA DOS TERMOS

$$1, 2, 3, 4, 5, \dots, 96, 97, 98, 99, 100$$

$101 \quad 101 \quad 101$

$$S_n = \frac{(a_1 + a_n) \cdot n}{2}$$

UNIVERSO NARRADO (2024) #24383

James Sanchez está brincando com o seu filho que está aprendendo sobre os diferentes conjuntos numéricos. O menino está com diversas plaquinhas contendo certos números e, por mero acaso, acaba montando uma sequência de três números. Seu pai nota que, curiosamente, os três números A, B e C, seguem uma progressão aritmética. Além disso, ele também percebe que consegue formar uma outra progressão aritmética por meio da multiplicação desses números: a sequência AB, BC e AC é uma P.A. de mesma razão que a anterior.

Com essas informações podemos concluir que a razão da progressão aritmética inicial é igual a

- a) $1/2$
- b) $-1/2$
- c) $3/2$
- d) $-3/2$
- e) $5/2$

A, B, C	AB, BC, AC
$x-r, x, x+r$	$x(x-r), x(x+r), (x-r)(x+r)$
	$+r \quad +r$
i) $x(x-r) + r = x \cdot (x+r)$ $\cancel{x} - x \cdot r + r = \cancel{x} + x \cdot r$	$r = 2xr$ $1 = 2x \therefore x = 1/2$
ii) $x \cdot (x+r) + r = (x-r)(x+r)$ $\cancel{x} + x \cdot r + r = \cancel{x} - r^2$	$r(r+x+1) = 0$ \downarrow $r \neq 0 \therefore r+x+1 = 0$ $r = -3/2$