

## Aula 21

*Unioeste (Superior) Raciocínio Lógico e  
Matemática - 2023 (Pós-Edital)*

Autor:  
**Equipe Exatas Estratégia  
Concursos**

22 de Junho de 2023

## Índice

1) Mediana .....	3
2) Questões Comentadas - Mediana - Multibancas .....	33
3) Lista de Questões - Mediana - Multibancas .....	96



## MEDIDAS SEPARATRIZES

As separatrizes são medidas que dividem (ou separam) uma série ordenada em duas ou mais partes, cada uma contendo a mesma quantidade de elementos. Nesse caso, o nome da medida separatriz é definido de acordo com a quantidade de partes em que a série é dividida:

- **mediana**: divide uma série ordenada em **duas partes** iguais, cada uma contendo **50%** dos valores da sequência;
- **quartis**: dividem uma série ordenada em **quatro partes** iguais, cada uma contendo **25%** dos valores da sequência;
- **quintis**: dividem uma série ordenada em **cinco partes** iguais, cada uma contendo **20%** dos valores da sequência;
- **decis**: dividem uma série ordenada em **dez partes** iguais, cada uma contendo **10%** dos valores da sequência; e
- **percentis**: dividem uma série ordenada em **cem partes** iguais, cada uma contendo **1%** dos valores da sequência.

Ao longo da aula, vamos estudar a mediana, os quartis, os decis e os percentis. Os quintis, por não serem tão explorados em provas de concurso, não serão abordados.

## MEDIANA

A mediana é, simultaneamente, uma **MEDIDA DE POSIÇÃO**, de **TENDÊNCIA CENTRAL** e **SEPARATRIZ**. Ela caracteriza a **posição central** de uma série de valores. Além disso, também **separa uma série de valores em duas partes de tamanhos iguais, cada uma contendo o mesmo número de elementos**. Muitas vezes, a mediana é designada como **valor mediano**, sendo representada pelos símbolos  $M_d$  ou, em menor frequência,  $\tilde{x}$ .

### Mediana para dados não-agrupados.

O método para determinação da mediana envolve a realização de uma etapa anterior, que consiste na ordenação do conjunto de dados. Feito isso, a mediana é o elemento que ocupa a **POSIÇÃO CENTRAL** de uma **série de observações ORDENADA** segundo suas grandezas (isto é, dados brutos organizados em ordem crescente ou decrescente).

Por exemplo, vamos determinar a mediana da seguinte série de valores:

$$\{3, 17, 13, 19, 2, 5, 7, 1, 8, 21, 9\}.$$



Em conformidade com a definição da mediana, a primeira etapa consiste na ordenação (crescente ou decrescente) da série de valores. Desse modo, obtemos:

$$\{1, 2, 3, 5, 7, 8, 9, 13, 17, 19, 21\}.$$

Agora, determinaremos o elemento que ocupa a posição central desse conjunto de dados. Para isso, devemos encontrar o termo que possui o mesmo número de elementos tanto à sua esquerda quanto à sua direita. Em nosso exemplo, esse valor é o 8, pois existem cinco elementos antes dele e cinco após ele.

$$\begin{array}{ccc} \underbrace{1, 2, 3, 5, 7}, & \underbrace{8,}_{\text{5 elementos antes}} & \underbrace{9, 13, 17, 19, 21}. \\ \text{5 elementos antes} & \text{elemento central} & \text{5 elementos depois} \end{array}$$

É importante notarmos que **essa série possui um número ímpar de elementos**. Quando isso acontece, isto é, quando uma série possui um **NÚMERO ÍMPAR** de elementos, a **MEDIANA SEMPRE COINCIDE** com o **ELEMENTO CENTRAL** do conjunto de dados. Portanto, temos:

$$M_d = 8$$

Contudo, se porventura a série tivesse um número par de elementos, **POR CONVENÇÃO**, a **MEDIANA** seria a **MÉDIA ARITMÉTICA** dos dois termos centrais. Assim, caso adicionássemos o número 23 ao conjunto de dados apresentado anteriormente, teríamos a seguinte situação:

$$\begin{array}{ccc} \underbrace{1, 2, 3, 5, 7}, & \underbrace{8, 9,}_{\text{5 elementos antes}} & \underbrace{13, 17, 19, 21, 23}. \\ \text{5 elementos antes} & \text{elementos centrais} & \text{5 elementos depois} \end{array}$$

Nesse caso, em que temos um número par de elementos, a mediana é definida como a média aritmética dos termos centrais, que são os números 8 e 9. Assim, temos:

$$M_d = \frac{8 + 9}{2} = \frac{17}{2} = 8,5$$

Note que, quando o número é ímpar, o termo central sempre ocupa a posição  $\frac{n+1}{2}$ . Por outro lado, quando o número de termos é par, existem dois termos centrais, sendo que o primeiro ocupa a posição  $\frac{n}{2}$ ; e o segundo ocupa a posição imediatamente seguinte, ou seja,  $\frac{n}{2} + 1$ .

Essas relações são importantes porque nem sempre conseguiremos identificar a posição central tão facilmente. Por exemplo, se tivermos uma série composta por 501 elementos, podemos afirmar que o termo central será o elemento ocupando a posição  $\frac{n+1}{2} = \frac{501+1}{2} = 251$ , sem precisar recorrer a qualquer outro método. Logo, a mediana terá o mesmo valor do termo central:

$$M_d = x_{251}.$$

Vejamos a disposição do termo central em relação aos demais elementos da série:

$$\begin{array}{ccc} \underbrace{x_1, x_2, \dots, x_{250}}, & \underbrace{x_{251},}_{\text{250 elementos antes}} & \underbrace{x_{252}, x_{253}, \dots, x_{501}}. \\ \text{250 elementos antes} & \text{termo central} & \text{250 elementos depois} \end{array}$$



Agora, se tivermos uma série composta por 500 elementos, os termos centrais serão os elementos ocupando as posições:

$$\frac{n}{2} = \frac{500}{2} = 250 \quad \text{e} \quad \frac{n}{2} + 1 = \frac{500}{2} + 1 = 251.$$

Vejamos a disposição dos termos centrais em relação aos demais elementos da série:

$$\underbrace{x_1, x_2, \dots, x_{249}}_{250 \text{ elementos antes}}, \quad \underbrace{x_{250}, x_{251}}_{\text{termos centrais}}, \quad \underbrace{x_{252}, x_{253}, \dots, x_{500}}_{250 \text{ elementos depois}}.$$

Nessa situação, por convenção, a mediana será a média aritmética entre os termos centrais,

$$M_d = \frac{x_{250} + x_{251}}{2}.$$

Portanto, podemos estabelecer que a mediana de um conjunto composto por  $n$  elementos ordenados de forma crescente ou decrescente será:

a) se  $n$  for ímpar, o termo de ordem  $\frac{n+1}{2}$ , isto é,

$$M_d = x_{\frac{n+1}{2}}$$

b) se  $n$  for par, a média aritmética dos termos de ordem  $\frac{n}{2}$  e  $\frac{n}{2} + 1$ , isto é,

$$M_d = \frac{x_{\frac{n}{2}} + x_{\frac{n}{2}+1}}{2}$$



**A mediana nem sempre coincidirá com um elemento da série de dados. Isso somente acontecerá quando o número de elementos da série de dados for ímpar**, pois haverá coincidência entre os valores da mediana e do termo que ocupa a posição central. Contudo, quando número de elementos for par, não existirá essa coincidência.





**Quando o número de elementos do conjunto é ÍMPAR, o valor da mediana é único e igual ao termo central.** Porém, quando o número de elementos é PAR, a mediana pode ser QUALQUER VALOR ENTRE OS TERMOS CENTRAIS, havendo infinitos valores possíveis para a mediana. Para exemplificar, imaginemos os números 1 e 2 como termos centrais. Entre esses dois números temos infinitas possibilidades de escolha, a exemplo de 1,01; 1,2; 1,673; etc. A mediana poderia ser qualquer desses valores, contudo, POR CONVENÇÃO, adotamos a média aritmética dos valores centrais.



Seja  $\{x_n\}$  uma série de dados estatísticos composta por  $n$  elementos ordenados de forma crescente ou decrescente, isto é,  $\{x_n\} = \{x_1, x_2, x_3, \dots, x_n\}$ . A mediana desse conjunto de dados será:

a) se  $n$  for ímpar, o termo de ordem  $\frac{n+1}{2}$ , isto é,  $M_d = x_{\frac{n+1}{2}}$

b) se  $n$  for par, a média aritmética dos termos de ordem  $\frac{n}{2}$  e  $\frac{n}{2} + 1$ , isto é,  $M_d = \frac{x_{\frac{n}{2}} + x_{\frac{n}{2}+1}}{2}$



Calcular a mediana dos seguintes conjuntos:

a) seja  $\{x_n\}$  uma série de dados composta pelos seguintes valores:

$$\{x_n\} = \{1, 3, 5, 6, 7, 9, 11, 13, 17, 18, 20\}$$

Como o número de elementos é ímpar,  $n = 11$ , temos:



$$M_d = \frac{x_{\frac{11+1}{2}}}{2} = \frac{x_{12}}{2} = x_6$$

Logo, a mediana é o sexto elemento da série, isto é:

$$M_d = x_6 \Rightarrow M_d = 9$$

b) seja  $\{y_n\}$  uma série de dados composta pelos seguintes elementos:

$$\{y_n\} = \{11, 14, 15, 16, 18, 19, 21, 23\}$$

Como o número de elementos é par,  $n = 8$ , temos:

$$M_d = \frac{\frac{y_n}{2} + \frac{y_{\frac{n}{2}+1}}{2}}{2} = \frac{\frac{y_8}{2} + \frac{y_{\frac{8}{2}+1}}{2}}{2} = \frac{y_4 + y_{4+1}}{2} = \frac{y_4 + y_5}{2}$$

Logo, a mediana será a média aritmética entre o quarto e o quinto elementos da série, isto é:

$$M_d = \frac{y_4 + y_5}{2} = \frac{16 + 18}{2} = \frac{34}{2} = 17 \Rightarrow M_d = 17$$

Como vimos, a mediana depende apenas do termo que ocupa a posição central em um conjunto de dados, e não dos valores de todos os elementos que compõem a série. Por isso, dizemos que **a mediana não sofre tanta influência pela presença de valores extremos/discrepantes quanto à média**. Essa é, inclusive, uma das principais diferenças entre essas duas medidas.

Podemos constatar essa propriedade da mediana por meio de um exemplo. Considere que tenhamos inicialmente a seguinte série:

$$\{1, 2, 4, 6, 7, 9, 10, 11, 13\}$$

A média aritmética desses valores é:

$$\bar{x} = \frac{1 + 2 + 4 + 6 + 7 + 9 + 10 + 11 + 13}{9} = \frac{63}{9} = 7$$

Como o número de elementos é ímpar,  $n = 9$ , a mediana será o elemento que ocupa a posição:

$$\frac{n+1}{2} = \frac{9+1}{2} = \frac{10}{2} = 5.$$



O **quinto termo** é 7, portanto:

$$M_d = x_5 \Rightarrow M_d = 7.$$

Agora, considere que o elemento de valor 13 tenha sido alterado para 130.000. Veja o que acontece com a média aritmética desse conjunto:

$$\bar{x} = \frac{1 + 2 + 4 + 6 + 7 + 9 + 10 + 11 + 130.000}{9} = 14.450 \Rightarrow \bar{x} = 14.450$$

Como o número de elementos permanece inalterado,  $n = 9$ , a mediana continua sendo o elemento que ocupa a posição:

$$\frac{n+1}{2} = \frac{9+1}{2} = \frac{10}{2} = 5.$$

Logo, a mediana ainda é representada pelo **quinto termo** da série:

$$M_d = x_5 \Rightarrow M_d = 7.$$

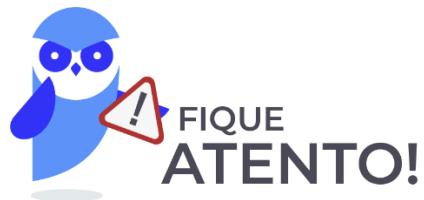
Portanto, a alteração no valor de um único elemento do conjunto de dados causou um impacto significativo na média, ao passo que a mediana permaneceu inalterada. Por isso, **dizemos que a média é mais influenciada pela presença de valores extremos que a mediana**.



**A mediana depende da apenas posição e não dos valores dos elementos de uma série ordenada.**

Essa é uma das principais diferenças entre a média e a mediana, pois a primeira é muito impactada pela presença de valores extremos enquanto a última não.





Em geral, os valores da média aritmética e da mediana são diferentes. Por exemplo, a média da série  $\{x_n\} = \{1, 2, 4, 6, 7, 9, 10, 11, 13\}$  é:

$$\bar{x} = \frac{1 + 2 + 4 + 6 + 7 + 9 + 10 + 11 + 13}{9} = 14.450,$$

enquanto sua mediana é:

$$M_d = 7.$$



**(CESPE/IPHAN/2018) Define-se estatística descritiva como a etapa inicial da análise utilizada para descrever e resumir dados. Em relação às medidas descritivas, julgue o item a seguir.**

A mediana é o valor que ocupa a posição central da série de observações de uma variável, dividindo-se o conjunto de valores ordenados em partes assimétricas desiguais.

**Comentários:**

A mediana é o valor que ocupa a posição central da série de observações de uma variável, dividindo o conjunto em duas partes com a mesma quantidade de valores. As partes não serão necessariamente assimétricas desiguais. Se tivéssemos um conjunto formado apenas por elementos repetidos, por exemplo, a mediana dividiria os valores em partes simétricas.

**Gabarito: Errado.**

**(CESPE/IPHAN/2018) Uma pesquisa a respeito das quantidades de teatros em cada uma de 11 cidades brasileiras selecionadas apresentou o seguinte resultado: {1, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4}. Com referência a esses dados, julgue o item seguinte.**

A mediana do conjunto é igual a 3.

**Comentários:**



A mediana divide um conjunto ao meio e ocupa a posição central. Temos 11 elementos na amostra. Então, a mediana ocupará a posição:

$$\frac{n+1}{2} = \frac{11+1}{2} = \frac{12}{2} = 6$$

Vejamos:

$$\{1, 2, 2, 3, 3, \underline{\underline{3}}, 4, 4, 4, 4, 4\}$$

*6º termo = termo central*

Portanto, a mediana corresponde ao sexto termo da série de observações. Logo:

$$M_d = 3.$$

**Gabarito: Certo.**

**(CESPE/FUB/2018)** A tabela seguinte mostra as quantidades de livros de uma biblioteca que foram emprestados em cada um dos seis primeiros meses de 2017.

Mês						
	1	2	3	4	5	6
Quantidade	50	150	250	250	300	200

A partir dessa tabela, julgue o próximo item.

A mediana dos números correspondentes às quantidades de livros emprestados no primeiro semestre de 2017 é igual a 200.

**Comentários:**

A mediana é o termo central de uma amostra ou população. Se temos 6 meses, então a mediana poderá ser encontrada pela média dos termos que ocupam as posições 3 e 4, pois, nesse caso, não há apenas um termo central. Organizando os dados da tabela em ordem crescente (isto é, em rol crescente), temos:

$$50 \quad 150 \quad \underline{\underline{200}} \quad \underline{\underline{250}} \quad 250 \quad 300$$

*termos centrais*

Encontrando a média dos termos nas posições 3 e 4:

$$M_d = \frac{200 + 250}{2} = 225$$

**Gabarito: Errado.**



## Mediana para dados agrupados sem intervalos de classe

O raciocínio adotado no cálculo da mediana para **dados agrupados por valor (sem intervalos de classe)** é similar ao empregado no caso dos dados não-agrupados. Basicamente, teremos que encontrar um valor que dividirá a distribuição de frequências em duas partes contendo o mesmo número de elementos.

Considere a seguinte situação hipotética: uma empresa realizou uma pesquisa para medir o nível de satisfação dos clientes com relação ao seu atendimento. Os clientes puderam atribuir notas de 0 a 5 no que diz respeito ao nível de satisfação, resultando na seguinte distribuição de frequências:

Nível de Satisfação ( $X_i$ )	Frequência ( $f_i$ )
0	3
1	5
2	8
3	10
4	13
5	10

O total de clientes entrevistados foi de:

$$3 + 5 + 8 + 10 + 13 + 10 = 49.$$

Como o número de entrevistados é ímpar,  $n = 49$ , a mediana será o termo que ocupa a posição de ordem:

$$\frac{n+1}{2} = \frac{49+1}{2} = \frac{50}{2} = 25$$

Em outros termos, a mediana será o elemento que ocupa a **vigésima quinta** posição. Para chegarmos a esse elemento, precisamos percorrer cada um dos níveis de satisfação. Reparem que três clientes atribuíram a nota 0 (zero); cinco atribuíram a nota 1 (um); e oito atribuíram a nota 2 (dois). Portanto, até esse ponto, temos um total de 16 avaliações:

$$3 + 5 + 8 = 16$$

Vejam que ainda não chegamos na posição desejada, isto é, na **vigésima quinta**. Contudo, sabemos que o próximo nível de satisfação, referente à nota 3 (três), teve frequência absoluta igual a 10. Se somarmos essas dez novas avaliações com o total obtido anteriormente, chegaremos a um valor que ultrapassa a posição procurada ( $16 + 10 = 26$ ). Assim, descobrimos que a mediana está localizada nessa faixa de avaliação. Portanto,

$$M_d = x_{25} = 3$$



Esse procedimento pode ser simplificado com a introdução de uma coluna adicional para armazenar as **frequências acumuladas**. Já vimos que, para calcularmos a frequência acumulada, devemos repetir a primeira frequência e somar as frequências subsequentes, exibindo os resultados a cada linha. Observem:

Nível de Satisfação ( $X_i$ )	Frequência ( $f_i$ )	Frequência Acumulada ( $f_{ac}$ )	Memória de cálculo
0	3	3	= 3
1	5	8	= 3+5 = 8
2	8	16	= 8 + 8 = 16
3	10	26	= 16 + 10 = 26
4	13	39	= 26 + 13 = 39
5	10	49	= 39 + 10 = 49

Vamos remover a memória de cálculo para simplificar a tabela:

Nível de Satisfação ( $X_i$ )	Frequência ( $f_i$ )	Frequência Acumulada ( $f_{ac}$ )
0	3	3
1	5	8
2	8	16
3	10	26
4	13	39
5	10	49

Reparam que o número 16, na terceira linha da coluna de frequências acumuladas, representa a soma das frequências absolutas simples das três primeiras linhas, isto é,  $3 + 5 + 8$ . Assim, concluímos que 16 clientes avaliaram o atendimento da empresa com nota igual ou inferior a 2. De forma análoga, como 49 clientes participaram da pesquisa, podemos afirmar que 33 avaliaram o atendimento com nota igual ou superior a 3.

Observem que a introdução da coluna de frequências acumuladas torna possível calcularmos a mediana de forma praticamente imediata. Nesse sentido, **se  $n$  for ímpar, basta identificarmos o valor da variável correspondente à primeira frequência acumulada imediatamente igual ou superior à posição de ordem**



$\frac{n+1}{2}$ ; e, se  $n$  for par, basta identificarmos os dois valores correspondentes às frequências acumuladas imediatamente iguais ou superiores às posições de ordens  $\frac{n}{2}$  e  $\frac{n}{2} + 1$ , respectivamente, e tirarmos a média aritmética desses dois valores.

Em nosso exemplo, como a frequência total é ímpar, teremos que buscar pela posição  $\frac{n+1}{2} = \frac{49+1}{2} = 25$ . A mediana será o valor da variável correspondente à primeira frequência acumulada maior ou igual a essa posição, portanto,  $M_d = 3$ . Vejamos:

Nível de Satisfação ( $X_i$ )	Frequência ( $f_i$ )	Frequência Acumulada ( $f_{ac}$ )
0	3	3
1	5	8
2	8	16
<b>3</b>	<b>10</b>	<b>26 (&gt; 25)</b>
4	13	39
5	10	49



Assim, podemos estabelecer que a mediana de uma tabela de frequências composta por um total de  $n$  elementos será:

a) se  $n$  for ímpar, o valor identificado na tabela correspondente à frequência acumulada imediatamente igual ou superior à posição de ordem  $\frac{n+1}{2}$ , isto é,

$$M_d = X_{\frac{n+1}{2}}$$

b) se  $n$  for par, a média aritmética dos valores identificados na tabela correspondentes às frequências acumuladas imediatamente iguais ou superiores às posições de ordens  $\frac{n}{2}$  e  $\frac{n}{2} + 1$ , isto é,

$$M_d = \frac{X_{\frac{n}{2}} + X_{\frac{n}{2}+1}}{2}$$





Calcular a mediana da seguinte tabela de frequências:

Nota ( $X_i$ )	Frequência ( $f_i$ )
6	5
7	15
8	10
9	7
10	3

Vamos construir a coluna da frequência acumulada para calcular a mediana.

Nota ( $X_i$ )	Frequência ( $f_i$ )	Frequência Acumulada ( $f_{ac}$ )
6	5	5
7	15	20
8	10	30
9	7	37
10	3	40
TOTAL	40	

Como o número de elementos é par,  $n = 40$ , temos dois termos ocupando as posições centrais. O primeiro termo ocupa a posição  $\frac{n}{2} = \frac{40}{2} = 20$ ; o segundo, a posição  $\frac{n}{2} + 1 = 21$ . Assim, a mediana será a média aritmética dos termos que ocupam essas duas posições.

A frequência acumulada indica que 20 elementos foram contados até a segunda linha. Portanto,

$$x_{20} = 7$$

Logo, o termo de posição 21 está na linha seguinte:

$$x_{21} = 8$$

Assim, a mediana é:

$$M_d = \frac{x_{20} + x_{21}}{2} = \frac{7 + 8}{2} = 7,5$$





(CESPE/Pref. SL/2017)

**Texto 11A2CCC**

A tabela a seguir apresenta uma comparação entre a evolução populacional ocorrida na cidade de São Luís, no estado do Maranhão e no Brasil, a cada cinco anos, de 1985 a 2010.

Ano	São Luís (em milhares)	Maranhão (em milhões)	Brasil (em milhões)
1985	640	4,3	137
1990	700	4,9	146
1995	780	5,2	156
2000	870	5,6	171
2005	960	6,1	183
2010	1.000	6,6	192

IBGE (com adaptações).

Com base na tabela do texto 11A2CCC, considerando-se a sequência dos seis valores correspondentes à população de São Luís, infere-se que a mediana desses valores é igual a

- a) 725.000.
- b) 775.000.
- c) 825.000.
- d) 875.000.
- e) 700.000.

**Comentários:**

A mediana é o termo central de uma amostra ou população. Se temos 6 observações representadas na tabela, então a mediana poderá ser encontrada pela média dos termos que ocupam as posições 3 e 4 pois nesse caso não há apenas um termo central. Os dados já estão ordenados em ordem crescente. Então:

$$M_d = \frac{780 + 870}{2} = \frac{1650}{2}$$
$$M_d = 825$$

**Gabarito: C.**



(CESPE/TCE-PA/2016)

Número diário de denúncias registradas (X)	Frequência Relativa
0	0,3
1	0,1
2	0,2
3	0,1
4	0,3
Total	1,0

A tabela precedente apresenta a distribuição de frequências relativas da variável X, que representa o número diário de denúncias registradas na ouvidoria de determinada instituição pública. A partir das informações dessa tabela, julgue o item seguinte.

A mediana do número diário de denúncias registradas é igual a 2.

#### Comentários:

A mediana é o valor associado a uma frequência relativa acumulada de 50%, ou seja, que separa os 50% menores dos 50% maiores. Vamos calcular a frequência relativa acumulada.

Número de denúncias ( $X_i$ )	Frequência Relativa ( $f_r$ )	Frequência Relativa Acumulada ( $f_{rac}$ )
0	0,3 = 30%	30%
1	0,1 = 10%	40%
2	0,2 = 20%	60% (> 50%)
3	0,1 = 10%	70%
4	0,3 = 30%	100%



A primeira linha apresenta uma frequência acumulada de 30%, indicando que 30% dos valores são iguais a zero.

A segunda linha apresenta uma frequência acumulada de 40%, indicando que 40% dos valores são menores ou iguais a 1.

A terceira linha apresenta uma frequência acumulada de 60%, indicando que 60% dos valores são menores ou iguais a 2.

Observe que o patamar de 50% foi ultrapassado na terceira linha. Portanto, a mediana é igual a 2.

**Gabarito: Certo.**

## Mediana para dados agrupados em classes

O raciocínio adotado no cálculo da mediana para dados agrupados em classes é muito similar ao empregado no tópico anterior. Agora, contudo, **não nos importaremos com o número de elementos da série. Adotaremos um único procedimento de cálculo, independentemente de termos um número par ou ímpar de elementos.**

Considere a distribuição de frequências descrita a seguir, que resume as idades de um grupo de 50 alunos do Estratégia Concursos:

Idades	Frequência ( $f_i$ )
23 ⌈ 26	3
26 ⌈ 29	4
29 ⌈ 32	10
32 ⌈ 35	13
35 ⌈ 38	10
38 ⌈ 41	6
41 ⌈ 44	4
<b>TOTAL</b>	<b>50</b>



A etapa inicial do cálculo da mediana consiste na construção da coluna de frequências acumuladas:

Idades	Frequência ( $f_i$ )	Frequência Acumulada ( $f_{ac}$ )
23 – 26	3	3
26 – 29	4	7
29 – 32	10	17
32 – 35	13	30
35 – 38	10	40
38 – 41	6	46
41 – 44	4	50
<b>TOTAL</b>	<b>50</b>	

Para calcular a mediana de dados que estão agrupados por intervalo de classes, precisamos identificar a classe em que se encontra a mediana, a chamada **classe mediana**, que corresponde à frequência acumulada imediatamente igual ou superior à metade da frequência total, ou seja, metade da soma das frequências simples,  $\sum f_i / 2$ . Em nosso exemplo, temos:

$$\frac{\sum f_i}{2} = \frac{50}{2} = 25$$

Agora, devemos comparar o valor encontrado com os valores presentes na coluna de frequências acumuladas, percorrendo-os de cima para baixo. A classe mediana será a primeira classe em que a frequência acumulada for igual ou superior a 25. Assim, teremos que analisar o seguinte:

- a primeira frequência acumulada (3) é maior ou igual a 25? Não;
- a segunda frequência acumulada (7) é maior ou igual a 25? Não;
- a terceira frequência acumulada (17) é maior ou igual a 25? Não;
- a quarta frequência acumulada (30) é maior ou igual a 25? Sim.

Pronto, encontramos a **classe mediana**. Nesse ponto, paramos a comparação e verificamos que a mediana se encontra na quarta classe, isto é, no intervalo entre 32 e 35.



Conhecendo a classe mediana, podemos aplicar a fórmula da mediana, a seguir:

$$M_d = l_{inf} + \left[ \frac{\left( \frac{\sum f_i}{2} \right) - f_{ac\_ant}}{f_i} \right] \times h$$

em que:

$l_{inf}$  é o limite inferior da classe mediana;

$f_{ac\_ant}$  é a frequência acumulada da classe anterior à classe mediana;

$f_i$  é a frequência simples da classe mediana; e

$h$  é a amplitude do intervalo da classe mediana.

Já sabemos que a amplitude é a diferença entre os limites da classe. Assim, temos:

$$h = 35 - 32 = 3.$$

Os demais elementos da fórmula são ilustrados a seguir:

Idades	Frequência ( $f_i$ )	Frequência Acumulada ( $f_{ac}$ )
23 ⊂ 26	3	3
26 ⊂ 29	4	7
29 ⊂ 32	10	17
32 ⊂ 35	13	30
35 ⊂ 38	10	40
38 ⊂ 41	6	46
41 ⊂ 44	4	50
<b>TOTAL</b>	<b>50</b>	



Após identificarmos os elementos, precisamos aplicá-los na fórmula mostrada anteriormente:

$$M_d = l_{inf} + \left[ \frac{\left( \frac{\sum f_i}{2} \right) - f_{ac\ ant}}{f_i} \right] \times h$$

$$M_d = 32 + \left[ \frac{\left( \frac{50}{2} \right) - 17}{13} \right] \times 3$$

$$M_d = 32 + \left( \frac{25 - 17}{13} \right) \times 3$$

$$M_d = 32 + \left( \frac{8}{13} \right) \times 3 \cong 33,85$$

Sendo assim, podemos afirmar que:

- a) 50% dos valores estão entre 23 e 33,85;
- b) 50% dos valores estão entre 33,85 e 44.



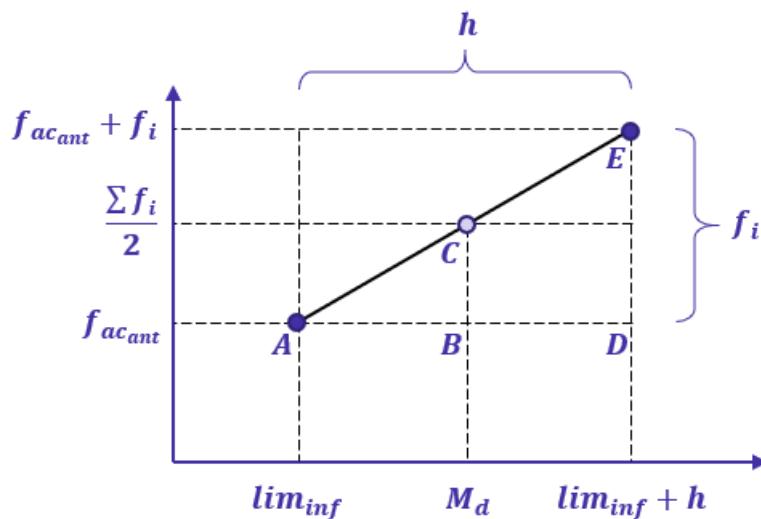
Com a memorização da fórmula da mediana para dados agrupados em classes, você conseguirá compreender, com mais facilidade, a aplicação dos quartis, decis e percentis. As fórmulas dessas medidas sofrem poucas alterações em relação à fórmula da mediana, como veremos nos próximos tópicos. Por isso, recomendo fortemente que internalizem a expressão:

$$M_d = l_{inf} + \left[ \frac{\left( \frac{\sum f_i}{2} \right) - f_{ac\ ant}}{f_i} \right] \times h$$





A fórmula apresentada anteriormente é obtida pelo **método de interpolação linear**. Esse método consiste, basicamente, em utilizar valores conhecidos para estimar valores desconhecidos de forma linear, isto é, por meio de uma reta. No caso da mediana, a reta se inicia no ponto  $(lim_{inf}, f_{ac_{ant}})$ ; passa pelo ponto  $(M_d, \sum f_i / 2)$  e termina no ponto  $(lim_{inf} + h, f_{ac_{ant}} + f_i)$ . Vejamos:



Em virtude da semelhança entre os triângulos  $ABC$  e  $ADE$ , podemos estabelecer a seguinte relação de proporcionalidade:

$$\frac{M_d - l_{inf}}{\left(\frac{\sum f_i}{2}\right) - f_{ac_{ant}}} = \frac{(l_{inf} + h) - l_{inf}}{(f_{ac_{ant}} + f_i) - f_{ac_{ant}}}$$

$$\frac{M_d - l_{inf}}{\left(\frac{\sum f_i}{2}\right) - f_{ac_{ant}}} = \frac{h}{f_i}$$

$$M_d - l_{inf} = \left[ \frac{\left(\frac{\sum f_i}{2}\right) - f_{ac_{ant}}}{f_i} \right] \times h$$

Assim, chegamos à fórmula mostrada anteriormente:

$$M_d = l_{inf} + \left[ \frac{\left(\frac{\sum f_i}{2}\right) - f_{ac_{ant}}}{f_i} \right] \times h$$





Calcular a mediana da distribuição de frequências apresentada a seguir, referente às estaturas de um grupo de 40 alunos:

Estaturas	Frequência ( $f_i$ )
150 ⊜ 154	4
154 ⊜ 158	9
158 ⊜ 162	11
162 ⊜ 166	8
166 ⊜ 170	5
170 ⊜ 174	3
TOTAL	40

Como sabemos, o primeiro passo é construir a coluna de frequências acumuladas:

Estaturas	Frequência ( $f_i$ )	Frequência Acumulada ( $f_{ac}$ )
150 ⊜ 154	4	4
154 ⊜ 158	9	13
158 ⊜ 162	11	24
162 ⊜ 166	8	32
166 ⊜ 170	5	37
170 ⊜ 174	3	40
TOTAL	40	

Agora, precisamos identificar a classe mediana. Para tanto, vamos calcular sua posição por meio da expressão:

$$\frac{\sum f_i}{2} = \frac{40}{2} = 20$$



Devemos comparar esse valor com os existentes na coluna de frequências acumuladas, da mesma maneira que fizemos anteriormente. A classe mediana será a primeira classe em que a frequência acumulada for igual ou superior a 20.

Assim, teremos:

- a primeira frequência acumulada (4) é maior ou igual a 20? Não;
- a segunda frequência acumulada (13) é maior ou igual a 20? Não;
- a terceira frequência acumulada (24) é maior ou igual a 20? Sim.

Nesse ponto, paramos a comparação e verificamos que a mediana se encontra na terceira classe, isto é, no intervalo entre 158 e 162.

Conhecendo a classe mediana, podemos identificar os termos empregados na fórmula da mediana:

- $\sum f_i = 40$ ;
- $l_{inf} = 158$ ;
- $f_{ac\,ant} = 13$ ;
- $f_i = 11$ ; e
- $h = 162 - 158 = 4$ .

Finalmente, vamos aplicar a fórmula da mediana:

$$M_d = l_{inf} + \left[ \frac{\left( \frac{\sum f_i}{2} \right) - f_{ac\,ant}}{f_i} \right] \times h$$
$$M_d = 158 + \left[ \frac{\left( \frac{40}{2} \right) - 13}{11} \right] \times 4$$
$$M_d = 158 + \left( \frac{20 - 13}{11} \right) \times 4$$
$$M_d = 158 + \left( \frac{7}{11} \right) \times 4 \cong 160,54$$

Portanto, podemos concluir que:

- metade dos valores estão entre 150 e 160,54;
- metade dos valores estão entre 160,54 e 174.





(CESPE/DEPEN/2015)

Idade ( $x$ )	Percentual
$18 \leq x < 25$	30%
$25 \leq x < 30$	25%
$30 \leq x < 35$	20%
$35 \leq x < 45$	15%
$45 \leq x < 60$	10%
Total	100%

Felipe M. Monteiro, Gabriela R. Cardoso e Rafael da Silva. A seletividade do sistema prisional brasileiro e as políticas de segurança pública. In: XV Congresso Brasileiro de Sociologia, 26 a 29 de julho de 2011. Curitiba (PR). Grupo de Trabalhos - Violência e Sociedade (com adaptações).

**Com base nos dados dessa tabela, julgue o item a seguir.**

A mediana da distribuição mostrada é igual ou superior a 30 anos, pois as idades mínima e máxima na população prisional brasileira em 2010 foram, respectivamente, 18 e 60 anos.

#### Comentários:

Nessa questão, podemos afirmar que o item está errado, pois os valores mínimo e máximo não são suficientes para determinarmos o valor da mediana. Assim, ainda que o valor da mediana estivesse correto, o item estaria errado.

De todo modo, vamos calcular o valor da mediana para treinar. Primeiro, construiremos a coluna da frequência acumulada e descobriremos a classe mediana.



Idade ( $X_i$ )	Frequência ( $f_i$ )	Frequência Acumulada ( $f_{ac}$ )
18 - 25	30%	30%
25 - 30	25%	55%
30 - 35	20%	75%
35 - 45	15%	90%
45 - 60	10%	100%
Total	100%	

A classe mediana é a primeira classe com frequência acumulada maior ou igual a 50%. Dessa forma, a classe mediana é a segunda, pois  $55\% \geq 50\%$ . Assim, a mediana é um número entre 25 e 30.

Sabendo disso, vamos calcular o valor da mediana pelo método da interpolação:

$$M_d = l_{inf} + \left[ \frac{\left( \frac{\sum f_i}{2} \right) - f_{ac_{ant}}}{f_i} \right] \times h$$

em que:

- o somatório das frequências é  $\sum f_i = 100\%$ .
- o limite inferior da classe é  $l_{inf} = 25$ .
- a frequência acumulada da classe anterior é  $f_{ac_{ant}} = 30\%$ .
- a frequência da própria classe é  $f_i = 25\%$ .
- a amplitude da classe é  $h = 30 - 25 = 5$ .

Agora podemos aplicar a fórmula:

$$M_d = l_{inf} + \left[ \frac{\left( \frac{\sum f_i}{2} \right) - f_{ac_{ant}}}{f_i} \right] \times h$$

$$M_d = 25 + \left[ \frac{50\% - 30\%}{25\%} \right] \times 5$$

$$M_d = 29$$

**Gabarito: Errado.**



(FCC/CNMP/2015) A tabela de frequências absolutas abaixo corresponde à distribuição dos valores dos salários dos funcionários de nível médio lotados em um órgão público no mês de dezembro de 2014.

Classe de Salários (R\$)	Frequências Absolutas
1.500 ← 2.500	$f_1$
2.500 ← 3.500	$f_2$
3.500 ← 4.500	$f_3$
4.500 ← 5.500	$f_4$
5.500 ← 6.500	$f_5$
6.500 ← 7.500	$f_6$

Observação:  $f_i = -i^2 + 10i + 1, 1 \leq i \leq 6$ .

O valor da mediana destes salários, obtido pelo método da interpolação linear, é, em R\$, igual a

- a) 5.320,00.
- b) 5.040,00.
- c) 5.260,00.
- d) 4.900,00.
- e) 5.400,00.

#### Comentários:

Nosso primeiro passo será calcular as frequências absolutas por meio da equação apresentada ( $f_i = -i^2 + 10i + 1$ ) no problema. Em seguida, completamos a tabela com as novas informações e calculamos as frequências acumuladas. Assim:

Classe de Salários (R\$)	Frequências Absolutas	Frequências Acumuladas
1.500 ← 2.500	$f_1 = -1^2 + 10 + 1 = 10$	$0 + 10 = 10$
2.500 ← 3.500	$f_2 = -2^2 + 10 \times 2 + 1 = 17$	$10 + 17 = 27$
3.500 ← 4.500	$f_3 = -3^2 + 10 \times 3 + 1 = 22$	$27 + 22 = 49$
4.500 ← 5.500	$f_4 = -4^2 + 10 \times 4 + 1 = 25$	$49 + 25 = 74$
5.500 ← 6.500	$f_5 = -5^2 + 10 \times 5 + 1 = 26$	$74 + 26 = 100$
6.500 ← 7.500	$f_6 = -6^2 + 10 \times 6 + 1 = 25$	$100 + 25 = 125$
Total	125	125

Somando as frequências acumuladas chegamos a um total de 125 observações. A mediana é o termo central do conjunto. Portanto, temos:

$$\frac{125}{2} = 62,5.$$



A quarta classe é a primeira a superar esse valor em termos de frequências acumuladas, portanto, ela será nossa classe mediana. Vejamos:

Classe de Salários (R\$)	Frequências Absolutas	Frequências Acumuladas
1.500 ← 2.500	10	10
2.500 ← 3.500	17	27
3.500 ← 4.500	22	49
<b>4.500 ← 5.500</b>	<b>25</b>	<b>74 (&gt; 62,5)</b>
5.500 ← 6.500	26	100
6.500 ← 7.500	25	125
Total	125	125

Sabendo disso, podemos calcular a mediana por meio do método de interpolação linear. Temos:

$$M_d = l_{inf} + \left[ \frac{\left( \frac{\sum f_i}{2} \right) - f_{ac\,ant}}{f_i} \right] \times h$$

em que:

o limite inferior da classe é  $l_{inf} = 4.500$ .

a frequência acumulada da classe anterior é  $f_{ac\,ant} = 49$ .

a frequência da própria classe é  $f_i = 25$ .

a amplitude da classe é  $h = 5.500 - 4.500 = 1.000$ .

Aplicando a fórmula, temos:

$$M_d = 4.500 + \left[ \frac{\left( \frac{125}{2} \right) - 49}{25} \right] \times 1.000$$

$$M_d = 4.500 + \left( \frac{13,5}{25} \right) \times 1.000$$

$$M_d = 4.500 + 13,5 \times 40$$

$$M_d = 4.500 + 540$$

$$M_d = 5040$$

**Gabarito: B.**



## Propriedades da Mediana

A seguir, estudaremos algumas propriedades importantes sobre a mediana.



### 1º Propriedade

- Somando-se (ou subtraindo-se) uma constante  $c$  a todos os valores de uma variável, a mediana do conjunto fica aumentada (ou diminuída) dessa constante.



Para explicar essa propriedade, vamos tomar como exemplo a sequência  $\{x_n\} = \{3, 6, 8, 9, 10\}$ , cuja mediana é:

$$M_{d_x} = x_{\frac{n+1}{2}} = x_{\frac{5+1}{2}} = x_{\frac{6}{2}} = x_3 = 8$$

$$M_{d_x} = 8$$

Se adicionarmos o número 5 a cada um dos termos da sequência, iremos obter uma nova lista  $\{y_n\} = \{x_n + 5\} = \{8, 11, 13, 14, 15\}$ , cuja mediana é:

$$M_{d_y} = y_{\frac{n+1}{2}} = y_{\frac{5+1}{2}} = y_{\frac{6}{2}} = y_3 = 13$$

$$M_{d_y} = 13$$

Veja que a adição do número 5 a cada um dos termos da sequência fez com que a mediana também aumentasse em 5 unidades, indo de 8 para 13.





### 2º Propriedade

- Multiplicando-se (ou dividindo-se) todos os valores de uma variável por uma constante  $c$ , a mediana do conjunto fica multiplicada (ou dividida) por esta constante.



Para explicar essa propriedade, vamos tomar como exemplo a sequência  $\{x_n\} = \{3, 6, 8, 9, 10\}$ , cuja mediana é:

$$M_{d_x} = x_{\frac{n+1}{2}} = x_{\frac{5+1}{2}} = x_3 = 8$$

$$M_{d_x} = 8$$

Se multiplicarmos cada um dos termos da sequência por 5, iremos obter uma nova lista  $\{y_n\} = \{x_n \times 5\} = \{15, 30, 40, 45, 50\}$ , cuja mediana é:

$$M_{d_y} = y_{\frac{n+1}{2}} = y_{\frac{5+1}{2}} = y_3 = 40$$

$$M_{d_y} = 40$$

Veja que a multiplicação de cada um dos termos da sequência por 5 fez com que a mediana também fosse multiplicada por 5, aumentando de 8 para 40.





### 3º Propriedade

- A soma dos desvios absolutos de uma sequência de números, em relação a um número  $a$ , é mínima quando  $a$  é a mediana dos números.



### EXEMPLIFICANDO

Para explicar essa propriedade, vamos tomar como exemplo a série  $\{x_n\} = \{1, 2, 3, 4, 6, 7, 8, 9\}$ . Como o número de termos é par, a mediana será, por convenção, a média aritmética dos dois termos centrais:

$$M_d = \frac{4+6}{2} = 5.$$

O desvio em relação à mediana corresponde à diferença entre cada elemento da sequência e a mediana. Como são 8 números, teremos a mesma quantidade de desvios para calcular. Logo, basta encontrarmos a diferença entre cada número e a mediana:

$$\begin{aligned}d_1 &= x_1 - M_d = 1 - 5 = -4 \\d_2 &= x_2 - M_d = 2 - 5 = -3 \\d_3 &= x_3 - M_d = 3 - 5 = -2 \\d_4 &= x_4 - M_d = 4 - 5 = -1 \\d_5 &= x_5 - M_d = 6 - 5 = 1 \\d_6 &= x_6 - M_d = 7 - 5 = 2 \\d_7 &= x_7 - M_d = 8 - 5 = 3 \\d_8 &= x_8 - M_d = 9 - 5 = 4\end{aligned}$$

Agora, precisamos somar os valores absolutos (valores positivos) desses desvios:

$$\sum_{i=1}^8 |d_i| = |d_1| + |d_2| + |d_3| + |d_4| + |d_5| + |d_6| + |d_7| + |d_8|$$



$$\sum_{i=1}^8 |d_i| = |-4| + |-3| + |-2| + |-1| + |1| + |2| + |3| + |4|$$

$$\sum_{i=1}^8 |d_i| = 4 + 3 + 2 + 1 + 1 + 2 + 3 + 4 = 20$$

A propriedade garante que, ao calcularmos a soma dos desvios absolutos em relação à mediana, o menor valor que encontraremos para essa sequência será 20.

Há um detalhe importante que precisamos esclarecer. Como vimos anteriormente, quando o número de elementos do conjunto é ímpar, o valor da mediana é único e igual ao termo central. Porém, quando o número de elementos é par, a mediana pode ser qualquer valor entre os termos centrais, havendo infinitos valores possíveis para a mediana. Por convenção, contudo, adotamos a média aritmética dos valores centrais.

Certo, o que isso tem a ver com a propriedade que estamos estudando? Significa dizer que, se calcularmos a soma dos desvios absolutos para qualquer valor entre 4 e 6, que são os termos centrais, o valor dos desvios absolutos em relação a mediana também será mínimo. A título exemplificativo, vamos calcular os desvios em relação ao valor 4,5:

$$d_1 = x_1 - 4,5 = 1 - 4,5 = -3,5$$

$$d_2 = x_2 - 4,5 = 2 - 4,5 = -2,5$$

$$d_3 = x_3 - 4,5 = 3 - 4,5 = -1,5$$

$$d_4 = x_4 - 4,5 = 4 - 4,5 = -0,5$$

$$d_5 = x_5 - 4,5 = 6 - 4,5 = 1,5$$

$$d_6 = x_6 - 4,5 = 7 - 4,5 = 2,5$$

$$d_7 = x_7 - 4,5 = 8 - 4,5 = 3,5$$

$$d_8 = x_8 - 4,5 = 9 - 4,5 = 4,5$$

Somando os valores absolutos desses desvios:

$$\sum_{i=1}^8 |d_i| = |d_1| + |d_2| + |d_3| + |d_4| + |d_5| + |d_6| + |d_7| + |d_8|$$

$$\sum_{i=1}^8 |d_i| = |-3,5| + |-2,5| + |-1,5| + |-0,5| + |1,5| + |2,5| + |3,5| + |4,5|$$

$$\sum_{i=1}^8 |d_i| = 3,5 + 2,5 + 1,5 + 0,5 + 1,5 + 2,5 + 3,5 + 4,5 = 20$$



Como havíamos previsto, o valor também foi igual ao valor mínimo, 20.

Por último, a propriedade também garante que, para qualquer valor fora do intervalo entre 4 e 6, encontraremos um valor maior que o mínimo. Por exemplo, vamos calcular os desvios em relação ao valor 7:

$$d_1 = x_1 - 7 = 1 - 7 = -6$$

$$d_2 = x_2 - 7 = 2 - 7 = -5$$

$$d_3 = x_3 - 7 = 3 - 7 = -4$$

$$d_4 = x_4 - 7 = 4 - 7 = -3$$

$$d_5 = x_5 - 7 = 6 - 7 = -1$$

$$d_6 = x_6 - 7 = 7 - 7 = 0$$

$$d_7 = x_7 - 7 = 8 - 7 = 1$$

$$d_8 = x_8 - 7 = 9 - 7 = 2$$

Somando os valores absolutos desses desvios:

$$\sum_{i=1}^8 |d_i| = |d_1| + |d_2| + |d_3| + |d_4| + |d_5| + |d_6| + |d_7| + |d_8|$$

$$\sum_{i=1}^8 |d_i| = |-6| + |-5| + |-4| + |-3| + |-1| + |0| + |1| + |2|$$

$$\sum_{i=1}^8 |d_i| = 6 + 5 + 4 + 3 + 1 + 0 + 1 + 2 = 22$$

Portanto, como havíamos previsto anteriormente, o valor foi maior que o mínimo.



## QUESTÕES COMENTADAS

### Mediana

#### 1. (CESPE/PETROBRAS/2022)

X	Frequência Relativa
0	0,23
1	0,22
2	0,50
3	0,05

Considerando que a tabela acima mostra a distribuição de frequências de uma variável obtida com base em uma amostra aleatória simples de tamanho igual a n, julgue o item que se segue.

A mediana de x é igual a 1,5.

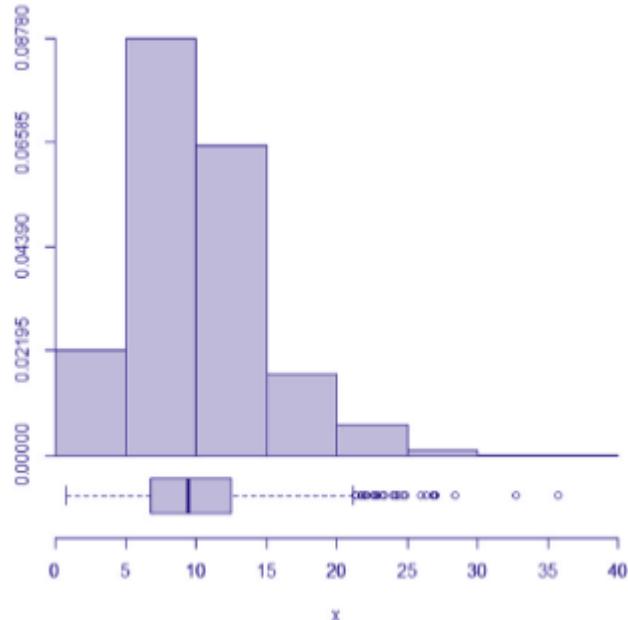
#### Comentários:

A mediana é o termo central da amostra, ou seja, em um conjunto de dados ordenados, a mediana denota a posição que corresponde a 50% da amostra. Observando a tabela, percebemos que o valor 2 possui uma frequência relativa de 0,50, o que corresponde a 50% dos dados. Logo, podemos concluir que a mediana dos dados apresentados na tabela é 2.

**Gabarito: Errado.**

#### 2. (CESPE/PETROBRAS/2022) A figura seguinte mostra o histograma como uma estimativa da função de densidade de uma distribuição X, juntamente com o diagrama boxplot correspondente a esse conjunto de dados.





Tamanho da amostra	1.000
Média amostral	10
Desvio padrão amostral	4,7

**Considerando a figura e as informações apresentadas no quadro, julgue o item que se segue.**

A diferença entre a média amostral e a mediana amostral é superior a 0.

#### Comentários:

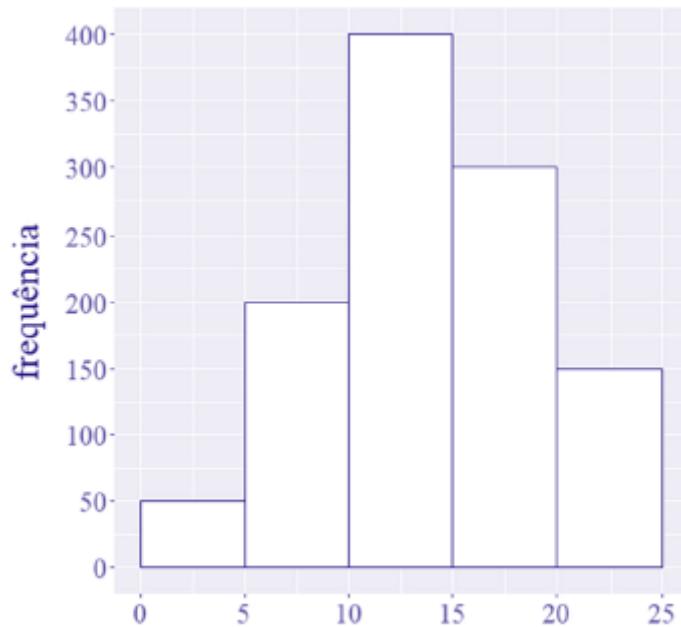
Observando os dados do histograma, podemos concluir que se trata de uma distribuição assimétrica à direita. Nesse caso, o valor da média é maior que o da mediana que, por sua vez, é maior que o da moda.

Conforme a tabela apresentada na questão, a média vale 10. Como a média vale 10, a mediana deverá assumir um valor positivo e inferior a 10. Logo, a diferença entre a média e a mediana será maior que 0.

**Gabarito: Certo.**

#### 3. (CESPE/TELEBRAS/2022)





Considerando que o histograma apresentado descreve a distribuição de uma variável quantitativa  $X$  por meio de frequências absolutas, julgue o item que se segue.

A mediana de  $X$  se encontra na classe modal.

### Comentários:

A classe modal é a que apresenta a maior frequência, isto é, a terceira classe, representada pelo intervalo que varia de 10 a 15. Agora, vamos encontrar a posição da mediana. Transcrevendo os dados para uma tabela e acrescentando as frequências acumuladas, temos:

Classes (x)	Frequências	Freq. acumulada
0 - 5	50	50
5 - 10	200	250
10 - 15	400	650
15 - 20	300	950
20 - 25	150	1100
<b>Total</b>	<b>1100</b>	

A classe mediana corresponde à classe com frequência acumulada imediatamente igual ou superior à metade da frequência total:



$$\frac{\sum f_i}{2} = \frac{1100}{2} = 550$$

Assim, concluímos que a classe mediana está na posição 550, que corresponde à terceira classe (de 10 a 15).

Logo, a mediana se encontra na classe modal.

**Gabarito: Certo.**

**4. (FGV/CBM-AM/2022) A soma de 11 números inteiros estritamente positivos, não necessariamente distintos, é 2022.**

**O maior valor que a mediana desses 11 números pode ter é**

- a) 335.
- b) 336.
- c) 337.
- d) 338.
- e) 339.

#### **Comentários:**

A mediana é o termo central da amostra. Ela divide o conjunto de dados em duas partes, separando os valores inferiores à mediana dos valores superiores à mediana. Então, se a mediana é o termo central da amostra, em um conjunto com 11 termos, ela será o 6º termo do conjunto de dados ordenados.

Então, se a soma desses 11 números é igual a 2022, para encontrarmos o valor da maior mediana basta considerarmos que os cinco primeiros números são iguais a 1, menor valor inteiro e positivo inferior à mediana. Vamos esquematizar para melhor compreensão:

$$\underbrace{1 + 1 + 1 + 1 + 1}_{\text{valores inferiores}} + \underbrace{M_d}_{\text{mediana}} + \underbrace{x_7 + x_8 + x_9 + x_{10} + x_{11}}_{\text{valores superiores}} = 2022$$

Como não conhecemos o valor da mediana, e como também não sabemos quais são os valores dos demais números, vamos considerar que todos possuem o mesmo valor, igual a  $x$ . Agora, basta resolvemos a equação:

$$5 + x + x + x + x + x + x = 2022$$

$$6x = 2022 - 5$$

$$x = \frac{2017}{6}$$

Vejam que essa divisão não é exata, portanto, restará uma unidade. Logo, temos que:

$$x = 336$$

Agora, podemos atribuir a sobra da divisão ao último termo da amostra, assim:



$$\underbrace{1 + 1 + 1 + 1 + 1}_{valores\ inferiores} + \underbrace{336}_{mediana} + \underbrace{336 + 336 + 336 + 336 + 337}_{valores\ superiores} = 2022$$

Logo, o maior valor da mediana é 336.

**Gabarito: B.**

**5. (FGV/SEFAZ ES/2022) As notas de nove candidatos num certo exame foram:**

$$54, 48, 46, 51, 38, 50, 44, 58, 32.$$

**A mediana dessas notas é igual a**

- a) 44.
- b) 46.
- c) 48.
- d) 50.
- e) 51.

#### **Comentários:**

A mediana divide uma série ordenada em duas partes iguais. Como temos 9 termos na amostra, a mediana é determinada pelo termo central, isto é, o quinto termo da amostra. É importante observar que, para encontrarmos a mediana, os dados devem estar ordenados. Assim, temos:

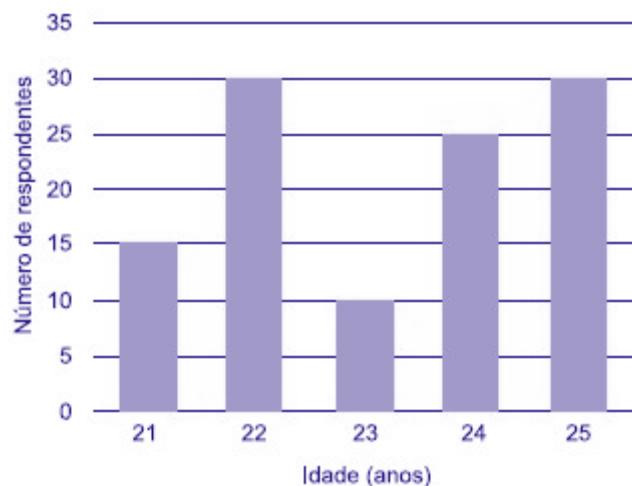
$$32, 38, 44, 46, \underbrace{48}_{termo\ central}, 50, 51, 54, 58$$

Portanto, a mediana é 48.

**Gabarito: C.**

**6. (VUNESP/PM-SP/2022) Uma pesquisa foi realizada com um grupo de pessoas cujas idades, em anos, pertencem ao conjunto {21, 22, 23, 24, 25, 26}. O gráfico registra as frequências absolutas dos entrevistados com menos de 26 anos.**





Sabendo que a mediana das idades do conjunto completo de dados (incluindo as pessoas com 26 anos) é igual a 24 anos, o número máximo de pessoas com 26 anos que participaram da pesquisa foi

- a) 19.
- b) 25.
- c) 35.
- d) 49.
- e) 55.

#### Comentários:

A mediana é o termo central da amostra, ela divide uma série ordenada de dados em duas partes iguais, separando os valores inferiores à mediana dos valores superiores à mediana.

O gráfico nos apresenta as quantidades de pessoas e suas respectivas idades, com exceção das pessoas com 26 anos. O enunciado também nos informa que a mediana das idades é 24. Ora, se a mediana divide a série em duas partes, basta sabermos quantas pessoas estão concentradas na parte inferior à mediana para descobrirmos quantas pessoas estarão do lado superior. Assim:

$$15 + 30 + 10 + 25 = 80$$

Logo, temos 80 pessoas com idades inferiores ou iguais à mediana. Nesse ponto, devemos lembrar de subtrair a posição ocupada pela mediana. Dessa forma, teremos 79 pessoas com idades inferiores ou iguais mediana.

A metade superior deverá conter a mesma quantidade de pessoas da metade inferior, isto é, 79 pessoas. Então, se temos 30 pessoas com 25 anos, podemos calcular quantas pessoas teremos com 26 anos:

$$30 + x = 79$$

$$x = 79 - 30$$

$$x = 49$$



Portanto, teremos 49 pessoas com 26 anos.

**Gabarito: D.**

**7. (AOCP/PC PA/2021) Uma testemunha de um roubo afirma que o ladrão tem uma estatura mediana de 1,70 m. Então, pode-se esperar que, em termos de probabilidade, as alturas X de possíveis suspeitos se situem em**

- a)  $P(X < 1,70) = P(X > 1,70) = 50\%$ .
- b)  $P(X = 1,70) = 50\%$ .
- c)  $P(X > 1,70) = 75\%$ .
- d)  $P(X < 1,70) = 25\%$ .
- e)  $P(X < 1,70) = P(X > 1,70) = 25\%$ .

**Comentários:**

A mediana divide uma série ordenada em duas partes iguais, cada uma contendo 50% dos valores da sequência. Logo, a alternativa que melhor representa essa relação é:

$$P(X < 1,70) = P(X > 1,70) = 50\%.$$

**Gabarito: A.**

**8. (CESGRANRIO/CEF/2021) Seis candidatos, aprovados para a penúltima etapa de um processo seletivo, foram submetidos a um teste de conhecimentos gerais com 10 itens do tipo “verdadeiro/falso”. Os dois primeiros candidatos acertaram 8 itens cada, o terceiro acertou 9, o quarto acertou 7, e os dois últimos, 5 cada. Pelas regras do concurso, passariam, para a etapa final da seleção, os candidatos cujo número de acertos fosse maior ou igual à mediana do número de acertos dos seis participantes.**

**Quantos candidatos passaram para a etapa final?**

- a) 2
- b) 3
- c) 4
- d) 5
- e) 6

**Comentários:**

Primeiro vamos encontrar o valor da mediana das notas obtidas pelos candidatos. Para isso, temos que ordenar os valores das notas:



5, 5, 7, 8, 8, 9  
*termos centrais*

Como o número de termos é par, a mediana será dada pela média dos dois termos centrais:

$$M_a = \frac{7 + 8}{2} = \frac{15}{2} = 7,5$$

Logo, vão para a etapa final os candidatos com notas maiores ou iguais a 7,5.

Dessa forma, passaram apenas 3 candidatos: os dois primeiros com nota 8, e o terceiro com nota 9.

**Gabarito: B.**

#### 9. (CESPE/PG-DF/2021)

Estatística	X, em R\$ milhões
Mínimo	0,5
Primeiro quartil ( $Q_1$ )	1
Segundo quartil ( $Q_2$ )	2
Terceiro quartil ( $Q_3$ )	5
Máximo	20

O quadro apresentado mostra estatísticas descritivas produzidas por um estudo acerca de despesas públicas (X, em R\$ milhões) ocorridos no ano de 2019 em uma amostra aleatória simples de 100 contratos.

Com base nessas informações, julgue o item que se segue.

A mediana da variável X foi igual a R\$ 2 milhões.

**Comentários:**

Analisando a tabela apresentada na questão, verificamos que o segundo quartil ( $Q_2$ ) foi igual a 2 milhões. Como a mediana é equivalente ao segundo quartil, podemos afirmar que a mediana de  $x$  também foi igual a 2 milhões.

**Gabarito: Certo.**

#### 10. (CESPE/CBM AL/2021) Em determinado dia, em uma região atendida por uma unidade do corpo de bombeiros, ocorreram 16 acidentes, que resultaram em 48 vítimas, socorridas pelos



**bombeiros nos próprios locais de acidente. Entre essas vítimas, 4 vieram a óbito no momento do atendimento, e as demais sobreviveram.**

**Com base nessa situação hipotética, julgue o item a seguir.**

Suponha que as idades das vítimas que vieram a óbito sejam 12, 50, 30 e 20 anos de idade. Nesse caso, a mediana das idades é maior que 26 anos.

**Comentários:**

A mediana divide uma série ordenada em duas partes de tamanhos iguais. Como o número de termos da amostra em questão é par, a mediana será dada pela média aritmética dos dois termos centrais:

$$12 - \underbrace{20 - 30}_{termos\ centrais} - 50$$

$$Md = \frac{30 + 20}{2} = \frac{50}{2} = 25$$

**Gabarito: Errado.**

**11. (CESPE/BANESE/2021) A respeito do conjunto de dados {11, 6, 28, 51, 49, 32, 33}, julgue o item a seguir.**

A mediana desse conjunto de dados é igual a 51.

**Comentários:**

A mediana é o termo central da amostra. Ela divide o conjunto de dados em duas partes, separando os valores inferiores à mediana dos valores superiores à mediana. Como o número de termos do conjunto é 7, a mediana será o termo na posição 4. É importante destacar que para encontrarmos a mediana de um conjunto, os dados devem estar ordenados. Então, temos:

$$6, 11, 28, \underbrace{32}_{mediana}, 33, 49, 51$$

Portanto, a mediana é 32.

**Gabarito: Errado.**

**12. (FGV/IMBEL/2021) Considere a lista de cinco números reais: 2, 9, 4, 10, x.**

**Sabe-se que a mediana desses números é igual à média deles.**

**A soma dos possíveis valores de x é:**

- a) 22,5.
- b) 21,25.



- c) 20,75.
- d) 19,5.
- e) 17,5.

### Comentários:

A mediana é o termo central da amostra. Ela divide os dados ordenados em duas partes iguais, de um lado teremos valores inferiores à mediana e de outro lado teremos valores superiores à mediana.

No caso apresentado, como são 5 termos, a mediana ocupará a terceira posição do conjunto de dados. Ocorre que não sabemos o valor de  $x$ , portanto, temos 5 possibilidades para o termo que representa a mediana. Ordenando os dados, temos:

$$2, 4, \underset{\text{mediana}}{9}, 10, x$$

$$2, 4, \underset{\text{mediana}}{9}, x, 10$$

$$2, 4, \underset{\text{mediana}}{x}, 9, 10$$

$$2, x, \underset{\text{mediana}}{4}, 9, 10$$

$$x, 2, \underset{\text{mediana}}{4}, 9, 10$$

■

Dos possíveis arranjos, observamos apenas 3 opções para a mediana: 4, 9 ou x.

A questão também nos informa que o valor da mediana é igual ao valor da média. Assim, calculando a média para os dados apresentados, temos:

$$\bar{x} = \frac{2 + 4 + 9 + 10 + x}{5} = \frac{25 + x}{5}$$

Agora, considerando as possibilidades para a mediana, temos:

a) para uma mediana igual a 9:

$$9 = \frac{25 + x}{5}$$

$$25 + x = 45$$

$$x = 45 - 25$$

$$x = 20$$

b) para uma mediana igual a x:

$$x = \frac{25 + x}{5}$$

$$5x = 25 + x$$



$$4x = 25$$

$$x = 6,25$$

c) para uma mediana igual a 4:

$$4 = \frac{25 + x}{5}$$

$$25 + x = 20$$

$$x = 20 - 25$$

$$x = -5$$

Logo, temos os possíveis valores de  $x$ :

$$20; 6,25; -5$$

Somando os valores, temos:

$$20 + 6,25 + (-5) = 21,25$$

**Gabarito: B.**

**13. (FGV/FunSaúde CE/2021) Sabe-se que  $x$  é maior do que 11 e que a diferença entre a média e a mediana dos cinco números 2, x, 11, 16, 5 é igual a 2.**

**O valor de x é**

- a) 12.
- b) 16.
- c) 21.
- d) 26.
- e) 31.

**Comentários:**

A mediana é termo central do conjunto de dados. Vamos ordenar os dados para encontrarmos a mediana:

$$2, 5, \underbrace{11}_{mediana}, x, 16$$

Calculando a média para os dados apresentados, temos:

$$\bar{X} = \frac{2 + 5 + 11 + x + 16}{5} = \frac{34 + x}{5}$$

Se a diferença entre a média e a mediana é igual a 2, então temos:

$$\frac{34 + x}{5} - 11 = 2$$



$$\frac{34 + x}{5} = 2 + 11$$

$$34 + x = 13 \times 5$$

$$34 + x = 65$$

$$x = 65 - 34$$

$$x = 31$$

Portanto,  $x$  é igual a 31.

**Gabarito: E.**

**14. (FGV/FunSaúde CE/2021) A mediana dos sete números 9, 2, 5, 3, 13, x, 5 é x.**

A média desses números é

- a) 5.
- b) 5,5.
- c) 6.
- d) 6,5.
- e) 7.

#### Comentários:

A mediana é o termo central da amostra. Ela divide o conjunto de dados em duas partes, separando os valores inferiores à mediana dos valores superiores à mediana. Se a mediana é o termo central da amostra, em um conjunto com 7 termos, a mediana será representada pelo 4º termo do conjunto de dados ordenados.

Ordenando os termos, temos:

$$2, 3, 5, \underset{\text{mediana}}{x}, 5, 9, 13$$

A mediana está entre dois números iguais, no caso, 5. Logo, a mediana também deve assumir o valor 5 no conjunto. Então, teremos os seguintes dados:

$$2, 3, 5, \underset{\text{mediana}}{5}, 5, 9, 13$$

Agora, basta calcularmos a média:

$$\bar{x} = \frac{2 + 3 + 5 + 5 + 5 + 9 + 13}{7} = \frac{42}{7} = 6$$

Logo, a média é igual a 6.

**Gabarito: C.**



**15. (IBFC/IBGE/2021) Marcos pretende determinar a mediana referente aos dados brutos coletados e relacionados abaixo:**

**23 - 22 - 21 - 22 - 32 - 33**

**41 - 21 - 20 - 32 - 42 - 38**

**De acordo com os dados, o resultado encontrado por Marcos é igual a:**

- a) 37
- b) 33
- c) 41
- d) 27,5
- e) 28

**Comentários:**

A mediana divide a amostra ao meio, representando o valor central da amostra. Para encontrarmos a mediana, os dados devem estar em ordem crescente. Na amostra em questão, temos 12 termos, portanto, a mediana será dada pela média dos dois termos centrais, os quais ocupam as posições 6 e 7:

$$20 - 21 - 21 - 22 - 22 - \underbrace{23 - 32}_{termos\ centrais} - 32 - 33 - 38 - 41 - 42$$

Assim, temos:

$$Md = \frac{23 + 32}{2}$$

$$Md = \frac{55}{2} = 27,5$$

**Gabarito: D.**

**16. (CESPE/ME/2020)**

<b>Mínimo</b>	<b>5</b>
<b>Moda</b>	<b>9</b>
<b>Mediana</b>	<b>9</b>
<b>Média</b>	<b>10</b>



Um levantamento amostral proporcionou as estatísticas precedentes, referentes a determinada variável quantitativa X.

Considerando essas informações e que a variável X é composta por 1240 observações, julgue o item subsequente.

A quantidade de observações da variável X maiores ou iguais a 9 é igual ou superior a 620.

#### Comentários:

Na tabela observamos que a mediana da amostra é igual a 9. A mediana é o termo central da amostra, que divide o conjunto de dados em duas partes, separando os valores inferiores à mediana dos valores superiores à mediana.

A questão nos diz que a variável x tem 1240 observações, então, dividindo em duas partes, temos:

$$\frac{1240}{2} = 620$$

Portanto, temos 620 observações maiores ou iguais a 9.

**Gabarito: Certo.**

**17. (CESPE/SEFAZ DF/2020) A partir de uma amostra aleatória simples de tamanho n, sabe-se que a média aritmética de uma variável X foi igual a 3. Considerando que os valores possíveis para a variável X sejam -1 e +4, julgue o item que se segue.**

A mediana amostral da variável X foi igual a 2,5.

#### Comentários:

Em outra questão desta prova, mostramos que 80% das observações são iguais a +4 e que 20% são iguais a -1. Sabemos que a mediana divide um conjunto de dados ordenados em duas partes iguais, cada uma contendo 50% da distribuição. Como os únicos valores possíveis para a variável X são -1 e +4, a mediana necessariamente estará contida nos 80% correspondentes aos valores iguais a 4.

**Gabarito: Errado.**

**18. (FUNDATEC/Pref. Porto Alegre/2020) Se a mediana de um determinado processo for igual a 7, isso quer dizer que:**

- a) O 7º valor da amostra representará a mediana.
- b) O 7º valor da amostra ordenada representará a mediana.
- c) A posição mediana é 7.



- d) 50% dos valores da amostra são iguais a 7.  
e) 50% dos valores da amostra são menores ou iguais a 7.

**Comentários:**

A mediana é o termo central da amostra, ou seja, em um conjunto de dados ordenados, a mediana denota a posição que corresponde a 50% da amostra. Portanto, se a mediana de um determinado processo é igual a 7, significa dizer que 50% dos valores da amostra são menores ou iguais a 7.

**Gabarito: E.**

**19. (VUNESP/EsFCEX/2020)** A tabela de frequências relativas acumuladas a seguir refere-se à distribuição dos salários dos empregados de uma empresa, sendo que não foi fornecida a correspondente frequência relativa acumulada do terceiro intervalo de classe (denotado por X na tabela).

CLASSE DE SALÁRIOS (R\$)	FREQUÊNCIAS RELATIVAS ACUMULADAS ( $f_i$ )
1.000,00 – 3.000,00	10
3.000,00 – 5.000,00	30
5.000,00 – 7.000,00	X
7.000,00 – 9.000,00	80
9.000,00 – 11.000,00	100

Dado que o valor da mediana dessa distribuição obtida pelo método da interpolação linear apresentou um valor igual a R\$ 6.600,00, obtém-se que X é igual a

- a) 65.  
b) 50.  
c) 60.  
d) 55.  
e) 70.

**Comentários:**

O enunciado diz que a mediana da distribuição apresentada foi obtida pelo método da interpolação linear, portanto, temos que empregar a fórmula a seguir:

$$M_d = l_{inf} + \left[ \frac{\left( \frac{\sum f_i}{2} \right) - f_{ac\,ant}}{f_i} \right] \times h$$



Em que:

$l_{inf}$  é o limite inferior da classe mediana;

$f_{ac\ ant}$  é a frequência acumulada da classe anterior à classe mediana;

$f_i$  é a frequência simples da classe mediana; e

$h$  é a amplitude do intervalo da classe mediana.

Além disso, a questão informou o valor da mediana dessa distribuição é de R\$ 6.600,00. Essa informação nos permite afirmar que a classe mediana corresponde à terceira classe (5000 a 7000). Assim, temos os seguintes dados:

$$M_d = 6.600$$

$$l_{inf} = 5.000$$

$$f_{ac\ ant} = 30$$

$$f_i = ?$$

$$h = 2.000$$

Então, aplicando a fórmula:

$$6600 = 5000 + \frac{\left(\frac{100}{2} - 30\right)}{f_i} \times 2000$$

$$6600 = 5000 + \frac{(50 - 30)}{f_i} \times 2000$$

$$6600 = 5000 + \frac{20}{f_i} \times 2000$$

$$1600 = \frac{40000}{f_i}$$

$$f_i = \frac{40000}{1600}$$

$$f_i = 25$$

Logo, a frequência reativa da classe mediana vale 25%.

Agora, devemos observar que  $X$  é uma frequência acumulada, portanto, precisamos somar  $f_i$  com a frequência acumulada anterior. Então, o valor de  $X$  será:

$$X = 25\% + 30\% = 55\%$$

**Gabarito: D.**

**20. (VUNESP/Pref Ilhabela/2020) Uma pesquisa permitiu obter do mercado a tabela de frequências relativas abaixo, correspondente à distribuição dos preços de venda (p) referente a**



um determinado equipamento. As frequências relativas da 1a e 2a classes por algum motivo não foram fornecidas e foram denotadas na tabela por x e y, respectivamente.

Classes de preços em R\$	Frequências relativas (%)
$50 < p \leq 150$	x
$150 < p \leq 250$	y
$250 < p \leq 350$	25
$350 < p \leq 450$	30
$450 < p \leq 550$	15
<b>TOTAL</b>	<b>100</b>

Utilizando o método da interpolação linear, encontra-se que o valor da mediana é igual a

- a) R\$ 290,00.
- b) R\$ 300,00.
- c) R\$ 310,00.
- d) R\$ 320,00.
- e) R\$ 330,00.

#### Comentários:

Primeiro, devemos saber que a aplicação do método da interpolação linear corresponde à utilização da fórmula da mediana. Segundo a fórmula, temos que a mediana é dada por:

$$M_d = l_{inf} + \left[ \frac{\left( \frac{\sum f_i}{2} \right) - f_{ac_{ant}}}{f_i} \right] \times h$$

Em que:

$l_{inf}$  → limite inferior da classe mediana;

$\sum f_i$  → somatório das frequência simples;

$f_{ac_{ant}}$  → frequência acumulada da classe anterior a mediana;

$h$  → amplitude da classe mediana;

$f_i$  → frequência simples da classe mediana.



Para descobrirmos a classe mediana, precisamos calcular  $\frac{\sum f_i}{2}$

$$\frac{\sum f_i}{2} = \frac{100\%}{2} = 50\%$$

Logo, a classe mediana será a terceira classe:

Classes de preços em R\$	Frequências relativas (%)	Frequências Acumuladas (%)
$50 < p \leq 150$	x	x
$150 < p \leq 250$	y	x+y
$250 < p \leq 350$	25	55 (>50)
$350 < p \leq 450$	30	85
$450 < p \leq 550$	15	100
<b>TOTAL</b>	<b>100</b>	

Substituindo os valores na fórmula, temos:

$$M_d = 250 + \left[ \frac{50 - 30}{25} \right] \times 100$$

$$M_d = 250 + \left[ \frac{20}{25} \right] \times 100$$

$$M_d = 250 + 80$$

$$M_d = 330$$

**Gabarito: E.**

**21. (VUNESP/Pref Sorocaba/2020)** Uma empresa de varejo decidiu usar o seguinte método com funcionários em treinamento: calcularia a média de vendas de todos os funcionários após um mês e só seriam efetivados os que estivessem acima da média, sendo demitidos aqueles que estivessem abaixo. Assim, os diretores da empresa imaginavam que ficariam com cerca de metade dos funcionários em treinamento. No entanto, ao final do treinamento, apenas um funcionário estava acima da média.

No método empregado pela empresa, o que foi determinante para que a média esperada de funcionários aprovados não fosse atingida?



- a) Não se levou em conta a pequena variância nas vendas.
- b) A média utilizada foi a geométrica.
- c) Obviamente foi um erro de conta no cálculo da média.
- d) O resultado deveria ter sido padronizado.
- e) Deveria ter sido usada a mediana em vez da média.

### Comentários:

A mediana é o valor que divide uma amostra, população ou distribuição de probabilidade em duas partes iguais, cada uma com 50% das observações. Assim, para garantir que metade dos funcionários em treinamento fossem aprovados, a empresa deveria ter utilizado a mediana em vez da média.

### Gabarito: E.

**22. (CESPE/Pref. São Cristóvão/2019)** A tabela seguinte mostra a distribuição das idades dos 30 alunos da turma A do quinto ano de uma escola de ensino fundamental.

Idade (em anos)	9	10	11	12	13	14
Quantidade de estudantes	6	22	0	1	0	1

A partir dessa tabela, julgue o item.

A mediana das idades é igual a 11,5 anos.

### Comentários:

A mediana é o termo central de uma amostra ou população. Se temos 30 estudantes, então a mediana poderá ser encontrada pela média aritmética dos termos que ocupam as posições 15 e 16, pois, nesse caso, não há apenas um termo central.

Na tabela, observamos que há 22 estudantes com idades iguais a 10. Logo, os termos que ocupam as posições 15 e 16 são, respectivamente, 10 e 10. Vejamos:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	...
9	9	9	9	9	9	10	10	10	10	10	10	10	10	10	10	10	...

Então, a mediana é:

$$M_d = \frac{10 + 10}{2} = 10$$

### Gabarito: Errado.



23. (CESPE/UNCISAL/2019) A SELIC é uma taxa referencial de juros estabelecida pelo Banco Central do Brasil como parâmetro para as taxas de juros cobradas pelos bancos comerciais no Brasil. A tabela seguinte mostra a evolução da SELIC, em porcentagem, no mês de janeiro dos anos de 2003 a 2012.



Disponível em: [www.bcb.gov.br](http://www.bcb.gov.br). Acesso em: nov. 2016 (adaptado).

O valor da mediana dos valores da SELIC mostrados no gráfico é igual a

- a) 11,25.
- b) 12,125.
- c) 12,875.
- d) 13,00.
- e) 14,44.

#### Comentários:

A mediana é o termo central de uma amostra ou população. Se temos 10 anos representados no gráfico, então a mediana poderá ser encontrada pela média dos termos que ocupam as posições 5 e 6, pois nesse caso não há apenas um termo central.

Vamos ordenar os valores de cada ano em ordem crescente, em seguida acharemos os termos centrais.

$$8,75 \quad 10,5 \quad 11,25 \quad 11,25 \quad \underbrace{12,75 \quad 13}_{\text{termos centrais}} \quad 16,25 \quad 17,25 \quad 18,25 \quad 25,15$$

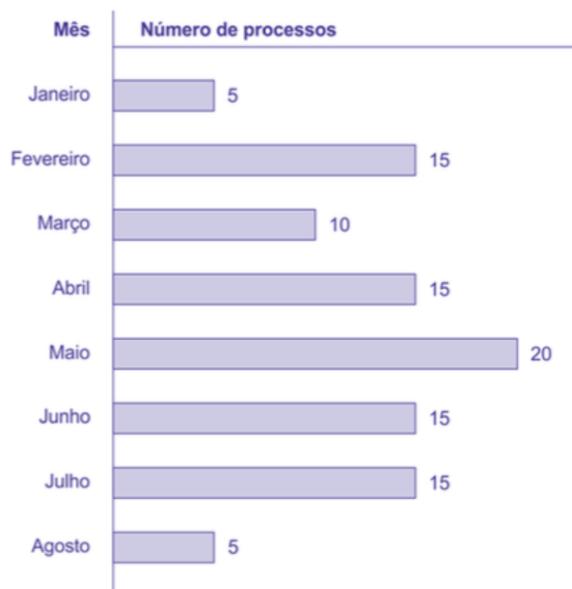
Fazendo a média aritmética dos termos centrais, temos:

$$M_d = \frac{12,75 + 13}{2} = 12,875$$

Gabarito: C.



24. (FCC/BANRISUL/2019) Os números de processos com uma determinada característica autuados em um órgão público, de janeiro a agosto de 2018, podem ser visualizados pelo gráfico abaixo.



A respectiva média aritmética (número de processos por mês) está para a mediana assim como

- a) 1 está para 16.
- b) 2 está para 3.
- c) 1 está para 8.
- d) 5 está para 6.
- e) 4 está para 3.

#### Comentários:

Para calcular a média aritmética, devemos somar os valores e dividir pelo número de meses:

$$\bar{x} = \frac{5 + 15 + 10 + 15 + 20 + 15 + 15 + 5}{8}$$
$$\bar{x} = \frac{100}{8} = 12,5$$

Agora, calcularemos a mediana. Para isso, organizaremos os números em ordem crescente (isto é, em rol):

$$5, 5, 10, \underbrace{15, 15}_{termos centrais}, 15, 15, 20$$

A mediana é a média dos termos centrais.

$$M_d = \frac{15 + 15}{2} = 15$$

Queremos calcular a razão entre a média e a mediana.

$$\frac{\bar{x}}{M_d} = \frac{12,5}{15}$$



Para retirar a casa decimal do numerador, vamos multiplicar numerador e denominador por 10.

$$\frac{\bar{x}}{M_d} = \frac{125}{150}$$

Agora, podemos simplificar por 25.

$$\frac{\bar{x}}{M_d} = \frac{5}{6}$$

**Gabarito: D.**

**25. (FCC/Prefeitura do Recife/2019)** A empresa Sigma apresenta pela tabela abaixo a distribuição dos salários registrados de seus 100 empregados em reais.

Salários (R\$)	2.000	4.000	5.000	10.000	15.000	Total
Número de Empregados	0	10	40	X	Y	100

Não foram fornecidos os números de empregados que ganham R\$ 10.000,00 e R\$ 15.000,00 (denotados na tabela por x e y, respectivamente), mas sabe-se que a média aritmética dos salários é igual a R\$ 8.400,00. O valor da soma da respectiva moda e da respectiva mediana desses salários é, em reais, igual a

- a) 600y.
- b) 625y.
- c) 1.000y.
- d) 750y.
- e) 500y.

#### Comentários:

Conforme o enunciado, o número de empregados é igual a 100. Logo, temos que:

$$\begin{aligned} 0 + 10 + 40 + x + y &= 100 \\ 50 + x + y &= 100 \\ x + y &= 50 \end{aligned}$$

Além disso, a média aritmética dos salários é igual a R\$ 8.400,00. Como sabemos, para calcular essa média, devemos multiplicar cada salário pela sua respectiva frequência, somar todos os resultados, e dividir por 100, que é o total de funcionários.

$$\begin{aligned} \bar{x} &= 8.400 \\ \frac{2.000 \times 0 + 4.000 \times 10 + 5.000 \times 40 + 10.000 \times x + 15.000 \times y}{100} &= 8400 \\ \frac{0 + 40.000 + 20.000 + 10.000 \times x + 15.000 \times y}{100} &= 8400 \end{aligned}$$

Nesse momento, podemos dividir todas as parcelas do numerador por 100.



$$\begin{aligned}400 + 2.000 + 100x + 150y &= 8.400 \\2.400 + 100x + 150y &= 8.400 \\100x + 150y &= 6.000\end{aligned}$$

Assim, teremos um sistema de equações lineares:

$$\begin{cases} x + y = 50 \\ 100x + 150y = 6.000 \end{cases}$$

Podemos resolver esse sistema multiplicando a primeira equação por (-100) para cancelar a incógnita  $x$ .

$$\begin{cases} -100x - 100y = -5.000 \\ 100x + 150y = 6.000 \end{cases}$$

Somando as duas equações, temos:

$$\begin{aligned}-100y + 150y &= -5.000 + 6.000 \\50y &= 1.000 \\y &= 20\end{aligned}$$

Como  $x + y = 50$ , temos:

$$\begin{aligned}x + 20 &= 50 \\x &= 30\end{aligned}$$

Substituindo esses valores na tabela:

Salários	Número de empregados
2.000	0
4.000	10
5.000	40
10.000	30
15.000	20
Total	100

A moda é o termo que aparece com a maior frequência:

$$M_o = 5.000$$

Como o número de termos é par,  $n = 100$ , a mediana será a média aritmética dos dois termos centrais. Como são 100 termos, os termos centrais são os termos de posição  $\frac{n}{2}$  e  $\frac{n}{2} + 1$ . Assim, os termos centrais são os termos de posição:

$$\frac{100}{2} = 50 \text{ e } \frac{100}{2} + 1 = 51$$



A tabela indica que o número 4.000 apareceu 10 vezes, que o número 5.000 apareceu 40 vezes, e assim por diante

$$\left\{ \underbrace{4.000, 4.000, \dots, 4.000}_{10 \text{ termos}}, \underbrace{5.000, 5.000, \dots, 5.000}_{40 \text{ termos}}, \underbrace{10.000, \dots, 10.000}_{30 \text{ termos}}, \underbrace{15.000, \dots, 15.000}_{20 \text{ termos}} \right\}$$

Assim, o termo de posição 50 é 5.000 e o termo de posição 51 é o número 10.000 (termos centrais).

$$\left\{ 4.000, 4.000, \dots, 4.000, 5.000, 5.000, \dots, \underbrace{5.000, 10.000}_{\text{termos centrais}}, \dots, 10.000, 15.000, \dots, 15.000 \right\}$$

A mediana é a média dos termos centrais.

$$M_d = \frac{5.000 + 10.000}{2} = 7.500$$

Portanto, a soma da moda com a mediana é:

$$M_o + M_d = 5.000 + 7.500 = 12.500$$

Agora, para encontrarmos a resposta, dividiremos essa soma por  $y$ :

$$\frac{M_o + M_d}{y} = \frac{12.500}{20} = 625$$

$$625 \times 20 = 12.500$$

**Gabarito: B.**

**26. (FCC/Prefeitura do Recife/2019)** Com o objetivo de analisar a distribuição dos salários dos empregados de uma empresa, verificou-se que 10 empregados ganham, cada um, R\$ 15.000,00; 20 ganham, cada um, R\$ 2.500,00; 25 ganham, cada um, R\$ 12.000,00; 60 ganham, cada um, R\$ 5.000,00 e os restantes ganham, cada um, R\$ 8.000,00. Sabendo-se que a mediana dos salários apresentou um valor igual a R\$ 6.500,00, obtém-se que o valor da média aritmética supera o da moda em

- a) R\$ 2.750,00.
- b) R\$ 3.250,00.
- c) R\$ 3.000,00.
- d) R\$ 2.250,00.
- e) R\$ 2.500,00.

### Comentários:

Observe a distribuição dos salários dos empregados:

Salários	Frequência
2.500	20
5.000	60



<b>8.000</b>	<i>f</i>
<b>12.000</b>	25
<b>15.000</b>	10
Total	<b>115 + f</b>

O total de empregados é  $115 + f$ , que corresponde ao somatório das frequências. Quando o número de termos é ímpar, a mediana é exatamente o termo que fica no meio, ou seja, o termo de posição  $\frac{n+1}{2}$ . Por sua vez, quando o número de termos é par, a mediana é a média aritmética dos termos centrais, ou seja, a média aritmética entre os termos de posição  $\frac{n}{2}$  e  $\frac{n}{2} + 1$ .

O enunciado nos disse que a mediana é igual a 6.500. Como nenhum funcionário ganha exatamente R\$ 6.500,00, concluímos que a mediana será a média aritmética entre os dois termos centrais (o número de pessoas é par).

Observe que a média entre 5.000 e 8.000 é 6.500:

$$\frac{5.000 + 8.000}{2} = 6.500$$

Portanto, os dois termos centrais são 5.000 e 8.000.

Concluímos que o último 5.000 corresponde ao termo de posição  $\frac{n}{2}$  e o primeiro 8.000 corresponde ao termo de ordem  $\frac{n}{2} + 1$ . Ora, o último 5.000 é o termo de posição 80. Basta perceber que o número 2.500 aparece 20 vezes e o número 5.000 aparece 60 vezes.

Portanto,

$$\begin{aligned}\frac{n}{2} &= 80 \\ n &= 2 \times 80 \\ n &= 160\end{aligned}$$

O total de pessoas é 160. Logo,

$$\begin{aligned}115 + f &= 160 \\ f &= 45\end{aligned}$$

Concluímos que 45 pessoas recebem 8 mil reais.

Também queremos calcular o valor da média aritmética e da moda. Para tanto, vamos reconstruir a tabela com o valor de  $f$ , que estava faltando.

Salários	Frequência
2.500	20
5.000	60



<b>8.000</b>	45
<b>12.000</b>	25
<b>15.000</b>	10
<b>Total</b>	<b>160</b>

A moda é o termo de maior frequência. Portanto,

$$M_o = 5.000$$

Vamos agora calcular a média aritmética. Para tanto, devemos multiplicar cada salário pela sua respectiva média, somar os resultados e dividir por 160, que é o total de pessoas.

Salários	Frequência
<b>2.500</b>	20
<b>5.000</b>	60
<b>8.000</b>	45
<b>12.000</b>	25
<b>15.000</b>	10
<b>Total</b>	<b>160</b>

Portanto, a média vale:

$$\bar{x} = \frac{2.500 \times 20 + 5.000 \times 60 + 8.000 \times 45 + 12.000 \times 25 + 15.000 \times 10}{160}$$

$$\bar{x} = \frac{50.000 + 300.000 + 360.000 + 300.000 + 150.000}{160}$$

$$\bar{x} = \frac{1.160.000}{160}$$

$$\bar{x} = 7.250$$

A questão pede a diferença entre a média e a moda (o quanto a média supera a moda).

$$\begin{aligned}\bar{x} - M_o &= 7.250 - 5.000 \\ &= 2.250\end{aligned}$$

**Gabarito: D.**

**27. (FCC/Prefeitura do Recife/2019) Durante 40 dias, foi registrado o número de pessoas atendidas por dia em um guichê de uma repartição. A tabela abaixo apresentou os dados**



observados sendo que não foram fornecidas as quantidades de dias em que foram atendidas uma pessoa por dia e duas pessoas por dia, indicadas na tabela por  $q_1$  e  $q_2$ , respectivamente.

Número de pessoas atendidas	Quantidade de dias
0	9
1	$q_1$
2	$q_2$
3	5
4	<u>1</u>
Total	<b>40</b>

Sabendo-se que a mediana correspondente foi igual 1,5, tem-se que a soma da moda e da média aritmética (número de pessoas atendidas por dia) foi igual a

- a) 3,00.
- b) 2,80.
- c) 3,45.
- d) 3,20.
- e) 2,95.

#### Comentários:

Conforme o enunciado, a soma das frequências é 40.

$$9 + q_1 + q_2 + 5 + 1 = 40$$

$$q_1 + q_2 = 25$$

A questão informou que a mediana é 1,5. Isso só é possível se os termos centrais ( $20^{\text{o}}$  e  $21^{\text{o}}$ ) forem 1 e 2, pois  $\frac{1+2}{2} = 1,5$ . Para que o  $20^{\text{o}}$  termo seja 1 e o  $21^{\text{o}}$  termo seja 2, devemos ter  $q_1 = 11$ , pois  $9 + 11 = 20$  (frequência da primeira classe + frequência da segunda classe).

Como  $q_1 = 11$ , então:

$$q_1 + q_2 = 25$$

$$11 + q_2 = 25$$

$$q_2 = 14$$

Vamos reescrever a tabela.

Número de pessoas	Quantidade
-------------------	------------



atendidas ( $x_i$ )	de dias ( $f_i$ )
0	9
1	11
2	14
3	5
4	1
Total	40

A moda é o termo de maior frequência. Como a maior frequência é 14, então a moda é 2.

$$M_o = 2$$

Vamos agora calcular a média. Termos que multiplicar cada valor  $x_i$  pela sua respectiva frequência e somar os resultados. Em seguida, basta dividirmos o total por 40.

Número de pessoas atendidas ( $x_i$ )	Quantidade de dias ( $f_i$ )	$x_i \times f_i$
0	9	$0 \times 9 = 0$
1	11	$1 \times 11 = 11$
2	14	$2 \times 14 = 28$
3	5	$3 \times 5 = 15$
4	1	$4 \times 1 = 4$
Total	40	

Portanto,

$$\bar{x} = \frac{58}{40} = 1,45$$

A soma da moda com a média é:

$$M_o + \bar{x} = 2 + 1,45 = 3,45$$

**Gabarito: C.**



**28. (FUNDATÉC/ESE/2019) A taxa de desemprego na grande São Paulo nos últimos 10 anos, em percentual da população, é dada pela tabela abaixo:**

ANO	2009	2010	2011	2012	2013	2014	2015	2016	2017	2018
TOTAL	13,8	11,9	10,5	10,9	10,4	10,8	13,2	16,8	18,0	17,3

**Nesse caso, podemos dizer que a mediana é:**

- a) 10,60.
- b) 11,09.
- c) 10,40.
- d) 12,55.
- e) 13,36.

#### Comentários:

A mediana caracteriza a posição central de uma série de valores. Ela divide uma série de valores em duas partes de tamanhos iguais, cada uma contendo o mesmo número de elementos. Quando temos um número par de observações, a mediana, por convenção, é definida como a média aritmética dos termos centrais.

Assim, ordenando os valores das taxas em ordem crescente, temos:

$$10,4 \ 10,5 \ 10,8 \ 10,9 \ \underbrace{11,9 \ 13,2}_{\text{termos centrais}} \ 13,8 \ 16,8 \ 17,3 \ 18,0.$$

Como a quantidade de elementos é par, a mediana é calculada pela média dos termos centrais, ou seja:

$$M_d = \frac{11,9 + 13,2}{2} = 12,55.$$

**Gabarito: D.**

**29. (VUNESP/MP-SP/2019) Considere o seguinte conjunto de dados numéricos para estatística.**

8	30	5	6	4	8	12	6	13	8
---	----	---	---	---	---	----	---	----	---

**Então, a soma da moda com a mediana e a média é igual a:**

- a) 22.
- b) 24.
- c) 26.
- d) 28.
- e) 30.

#### Comentários:



A moda é o termo que mais aparece. Logo:

$$M_o = 8$$

Para calcular a média, devemos somar todos os números e dividir pela quantidade de termos.

$$\bar{x} = \frac{8 + 30 + 5 + 6 + 4 + 8 + 12 + 6 + 13 + 8}{10} = \frac{100}{10} = 10$$

Para calcular a mediana, precisamos dispor os números em ordem crescente (rol).

4, 5, 6, 6, 8, 8, 8, 12, 13, 30

O número de termos é par ( $n = 10$ ). Assim, temos duas posições centrais. A primeira posição central é a de posição  $\frac{n}{2} = \frac{10}{2} = 5$ . A outra posição central é a próxima (6º termo).

4, 5, 6, 6,      8, 8,      8, 12, 13, 30  
*termos centrais*

Por convenção, a mediana será a média dos dois termos centrais.

$$M_d = \frac{x_5 + x_6}{2} = \frac{8 + 8}{2} = \frac{16}{2} = 8$$

A soma da moda com a mediana e a média é igual a:

$$M_o + M_d + \bar{x} = 8 + 8 + 10 = 26$$

**Gabarito: C.**

**30. (VUNESP/PM-SP/2019)** Na tabela, são apresentadas informações sobre o número de armas apreendidas pela Polícia Militar do Estado de São Paulo, no segundo semestre de 2018.

MÊS	NÚMERO DE ARMAS APREENDIDAS
Julho	688
Agosto	702
Setembro	680
Outubro	638
Novembro	695
Dezembro	629

(<http://www.policiamilitar.sp.gov.br>)

Se uma pesquisa utilizar a média aritmética simples do número de armas apreendidas, mensalmente, no segundo semestre, pela Polícia Militar do Estado de São Paulo, e outra pesquisa utilizar a mediana do número de armas apreendidas no segundo semestre, a diferença entre a mediana e a média será de

- a) 30 armas.



- b) 21 armas.
- c) 12 armas.
- d) 10 armas.
- e) 08 armas.

### Comentários:

A questão pede a diferença entre a mediana e a média de um conjunto de dados. Iniciaremos pelo cálculo da média do número de armas apreendidas. Para isso, basta somarmos todas as ocorrências no segundo semestre e dividirmos por seis:

$$\bar{x} = \frac{688 + 702 + 680 + 638 + 695 + 629}{6} = \frac{4032}{6} = 672$$

Agora, vamos calcular a mediana. Vimos que a mediana é o termo central de uma amostra ou população. Como temos um número par de meses, por convenção, a mediana deve ser encontrada pela média dos termos centrais, que ocupam as posições 3 e 4. Organizando os dados da amostra em ordem crescente, temos:

$$629, 638, \underbrace{680, 688}_{termos centrais}, 695, 702$$

Encontrando a média dos termos nas posições 3 e 4:

$$M_d = \frac{680 + 688}{2} = 684$$

Então, a diferença entre a mediana e a média é:

$$M_d - \bar{x} = ?$$

$$684 - 672 = 12$$

**Gabarito: C.**

**31. (VUNESP/Pref. Cerquilho/2019)** A tabela apresenta informações sobre o número de funcionários em um escritório e os salários que são pagos a eles. Utilize as informações para responder a questão seguinte.

NÚMERO DE FUNCIONÁRIOS	SALÁRIOS
4	R\$ 1.200,00
2	R\$ 1.500,00
3	R\$ 1.800,00
1	R\$ 2.100,00

**A mediana dos salários dos funcionários desse escritório é igual a**

- a) R\$ 2.100,00.



- b) R\$ 1.800,00.
- c) R\$ 1.700,00.
- d) R\$ 1.500,00.
- e) R\$ 1.200,00.

### Comentários:

A mediana é o termo central de uma amostra ou população. Como temos um número par de funcionários, por convenção, a mediana deve ser encontrada pela média dos termos centrais, que ocupam as posições 5 e 6. Organizando os dados da amostra em ordem crescente, temos:

1200, 1200, 1200, 1200,  $\underbrace{1500, 1500}_{termos\ centrais}$ , 1800, 1800, 1800, 2100

Encontrando a média dos termos nas posições 5 e 6:

$$M_d = \frac{1500 + 1500}{2} = 1500$$

$$M_d = R\$ 1.500,00$$

Gabarito: D.

**32. (VUNESP/TRANSERP/2019) Considerando a taxa de desemprego hipotética de 11,7% (maio); 10,3% (junho); 8,9% (julho); 7,7% (agosto); 6,3% (setembro) e 4,9% (outubro) a mediana do período é**

- a) 8,3%
- b) 7,9%
- c) 7,7%
- d) 7,5%
- e) 7,2%

### Comentários:

A mediana é o termo central de uma amostra ou população. Como temos um número par de meses, por convenção, a mediana deve ser encontrada pela média dos termos centrais, que ocupam as posições 3 e 4. Organizando os dados da amostra em ordem crescente, temos:

4,9%, 6,3%,  $\underbrace{7,7\%, 8,9\%}_{termos\ centrais}$ , 10,3%, 11,7%

Encontrando a média dos termos nas posições 3 e 4:

$$M_d = \frac{7,7 + 8,9}{2} = 8,3$$

$$M_d = 8,3\%$$

Gabarito: A.



**33. (VUNESP/TJ-SP/2019)** Durante um período, decidiu-se analisar o comportamento do número de processos especiais autuados por dia em uma repartição pública. A tabela a seguir apresenta os resultados obtidos, sendo  $k$  a quantidade de dias em que não foram autuados processos.

NÚMERO DE PROCESSOS	0	1	2	3	4	5	TOTAL
QUANTIDADE DE DIAS	$k$	14	18	24	14	2	$10k$

Com relação a esta tabela, foram obtidos os respectivos valores da moda ( $Mo$ ), mediana ( $Md$ ) e média aritmética ( $Me$ ), em número de processos por dia. Verifica-se então que  $(Mo + Md + Me)$  é igual a

- a) 6,30
- b) 7,85
- c) 6,80
- d) 6,85
- e) 7,35

#### Comentários:

A soma de todas as frequências é igual a  $10k$ .

$$\begin{aligned} k + 14 + 18 + 24 + 14 + 2 &= 10k \\ k + 72 &= 10k \\ 9k = 72 \rightarrow k &= 8 \end{aligned}$$

Assim, temos a seguinte tabela.

Número de Processos ( $X_i$ )	Quantidade de Dias ( $f_i$ )
0	8
1	14
2	18
3	24
4	14
5	2
<b>Total</b>	<b>80</b>

A moda é o termo que mais aparece, ou seja, é o termo que possui a maior frequência. Portanto,



$$M_o = 3$$

Vamos agora calcular a média aritmética. Para tanto, vamos multiplicar cada valor pela respectiva frequência.

Número de Processos ( $X_i$ )	Quantidade de Dias ( $f_i$ )	$X_i \times f_i$
0	8	0 x 8 = 0
1	14	1 x 14 = 14
2	18	2 x 18 = 36
3	24	3 x 24 = 72
4	14	4 x 14 = 56
5	2	5 x 2 = 10
<b>Total</b>	<b>80</b>	<b>188</b>

Para calcular a média, basta dividir 188 pelo total de observações (80).

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i \times f_i}{n} = \frac{188}{80} = 2,35$$

Agora, vamos calcular a mediana. Como  $n$  é par,  $n = 80$ , há duas posições centrais. A primeira posição central é a de posição  $\frac{n}{2} = \frac{80}{2} = 40$ . A outra posição central é a próxima (41º termo). Por convenção, a mediana será a média dos dois termos centrais.

$$M_d = \frac{x_{40} + x_{41}}{2}$$

Vamos construir a coluna da frequência acumulada.

Número de Processos ( $X_i$ )	Frequência ( $f_i$ )	Frequência Acumulada ( $f_{ac}$ )
0	8	0 + 8 = <b>8</b>
1	14	8 + 14 = <b>22</b>
2	18	22 + 18 = <b>40</b>
3	24	40 + 24 = <b>64</b>
4	14	64 + 14 = <b>78</b>
5	2	78 + 2 = <b>80</b>
<b>Total</b>	<b>80</b>	



Observe que a frequência acumulada da terceira linha é igual a 40. Isso quer dizer que já foram escritos 40 números até a terceira linha. Portanto,  $x_{40} = 2$ . Na próxima linha da tabela, vamos escrever mais 24 números. Isso quer dizer que  $x_{41} = 3$ . Logo,

$$M_d = \frac{x_{40} + x_{41}}{2} = \frac{2 + 3}{2} = \frac{5}{2} = 2,5$$

A questão pede o valor de  $M_o + M_d + M_e$ .

$$M_o + M_d + M_e = 3 + 2,5 + 2,35 = 7,85$$

**Gabarito: B.**

#### 34. (CESPE/Polícia Federal/2018)

X (quantidade diária de drogas apreendidas, em kg)	DIA				
	1	2	3	4	5
10	22	18	22	28	

Tendo em vista que, diariamente, a Polícia Federal apreende uma quantidade X, em kg, de drogas em determinado aeroporto do Brasil, e considerando os dados hipotéticos da tabela precedente, que apresenta os valores observados da variável X em uma amostra aleatória de 5 dias de apreensões no citado aeroporto, julgue o item.

A mediana das quantidades X observadas na amostra em questão foi igual a 18 kg.

#### Comentários:

Temos 5 elementos na amostra, a mediana divide o conjunto ao meio e ocupa a posição central. Então, a mediana ocupará a posição 3 do conjunto. Organizando os dados da tabela em ordem crescente, temos:

10    18            22            22    28  
*termo central*

Logo, a mediana é o número 22, termo que ocupa a posição 3.

$$M_d = 22$$

**Gabarito: Errado.**

35. (FCC/ALESE/2018) Em um grupo de pessoas encontramos as seguintes idades: 20, 30, 50, 39, 20, 25, 41, 47, 36, 45, 41, 52, 18, 41. A mediana e a moda são, respectivamente,

- a) 36 e 45.
- b) 40 e 41.
- c) 41 e 20.
- d) 42 e 39.



e) 39 e 42.

### Comentários:

A questão pede a mediana e a moda de um conjunto de dados não agrupados. Primeiro, temos que organizar os dados em ordem crescente:

18, 20, 20, 25, 30, 36, 39, **41, 41, 41, 41**, 45, 47, 50, 52

A moda é o termo que possui maior frequência, ou seja, que aparece mais vezes. O número mais frequente é o 41. Portanto,

$$M_o = 41$$

Agora, para calcularmos a mediana, devemos levar em consideração que, quando o número de termos  $n$  é ímpar, a mediana é o termo que ocupa central, ou seja, é o termo de posição  $\frac{n+1}{2}$ . Por outro lado, quando o número de termos  $n$  é par, a mediana é calculada pela média dos dois termos centrais, que ocupam as posições  $\frac{n}{2}$  e  $\frac{n}{2} + 1$ .

No nosso caso, temos 14 números. Como a quantidade de termos é par, então a mediana será a média aritmética entre os dois termos centrais: o sétimo e o oitavo:

18, 20, 20, 25, 30, 36, 39, 41, 41, 41, 45, 47, 50, 52  
*termos centrais*

O sétimo termo é 39 e o oitavo termo é 41. Portanto,

$$M_d = \frac{39 + 41}{2} = 40$$

**Gabarito: B.**

**36. (FCC/ISS-São Luís/2018)** Um levantamento foi realizado com 40 instituições financeiras, localizadas em uma região, com relação às taxas mensais de juros aplicadas para financiamento de veículos. Verificou-se que cinco instituições aplicam a taxa de 0,80% ao mês, duas aplicam a taxa de 1,20% ao mês, oito aplicam a taxa de 1,25% ao mês, x aplicam a taxa de 1,12% ao mês e y aplicam a taxa de 0,96% ao mês. Se a média aritmética destas taxas foi igual a 1,05%, então a soma da mediana e a moda correspondentes foi de

- a) 2,00%
- b) 2,24%
- c) 2,08%
- d) 2,16%
- e) 1,92%

### Comentários:

Vamos organizar os dados em uma tabela:



Taxa (%)	$f_i$
0,80	5
0,96	y
1,12	x
1,20	2
1,25	8

A média aritmética dessas taxas foi de 1,05%. Para calcular a média, devemos multiplicar cada taxa pela sua respectiva frequência e somar todos os resultados. Em seguida, devemos dividir pelo total de observações, que é 40.

Taxa (%)	$f_i$	$x_i \times f_i$
0,80	5	$0,8 \times 5 = 4$
0,96	y	$0,96 \times y$
1,12	x	$1,12 \times x$
1,20	2	$1,20 \times 2 = 2,40$
1,25	8	$1,25 \times 8 = 10$
Total	40	$16,4 + 0,96 \times y + 1,12 \times x$

A média é 1,05%. Como desprezamos o símbolo % na tabela, vamos igualar a média a 1,05:

$$\frac{16,4 + 0,96y + 1,12x}{40} = 1,05$$

$$16,4 + 0,96y + 1,12x = 40 \times 1,05$$

$$16,4 + 0,96y + 1,12x = 42$$

$$0,96y + 1,12x = 25,6 \quad (\text{Eq. 1})$$

A soma das frequências é 40:

$$5 + y + x + 2 + 8 = 40$$

$$y + x = 25$$

$$y = 25 - x$$

Vamos substituir  $y$  por  $25 - x$  na Eq. 1.

$$0,96y + 1,12x = 25,6$$

$$0,96 \times (25 - x) + 1,12x = 25,6$$



$$24 - 0,96x + 1,12x = 25,6$$

$$0,16x = 1,6$$

$$x = 10$$

Como  $y + x = 25$ , então:

$$y + 10 = 25$$

$$y = 15$$

Vamos reescrever a tabela.

Taxa (%)	$f_i$
0,80	5
0,96	15
1,12	10
1,20	2
1,25	8

A moda é o termo de maior frequência. Como a maior frequência é 15, então a moda é 0,96%.

$$M_o = 0,96\%$$

Como são 40 termos, então a mediana será a média dos dois termos centrais (20º e 21º). Como há 5 termos na primeira linha e 15 termos na segunda linha, concluímos que o vigésimo termo é 0,96%. O 21º termo estará na próxima linha: 1,12%.

Portanto,

$$M_d = \frac{0,96\% + 1,12\%}{2} = 1,04\%$$

A soma da mediana e da moda é:

$$M_d + M_o = 0,96\% + 1,04\% = 2\%$$

**Gabarito: A.**

**37. (FCC/SEDU-ES/2018) As notas dos dez alunos de uma sala foram: 1, 2, 4, 6, 6, 7, 8, 8, 8, 10. A diferença entre a moda e a mediana dessas notas é**

- a) 1,5.
- b) 2,5.
- c) 0,5.
- d) 2,0.
- e) 1,0.



### Comentários:

A moda é o termo que aparece mais vezes em um conjunto de dados. O termo mais frequente no conjunto apresentado é o número 8, logo:

$$M_o = 8$$

Como são 10 alunos, a mediana vai ser a média entre os dois termos centrais (5º e 6º termos).

$$M_d = \frac{6 + 7}{2} = 6,5$$

A diferença entre a moda e a mediana é:

$$M_o - M_d = 8 - 6,5 = 1,5$$

**Gabarito: A.**

**38. (FCC/TRT 2ª Região/2018)** Considerando na tabela abaixo a distribuição de frequências absolutas, referente aos salários dos n empregados de uma empresa, em R\$ 1.000,00, observa-se que além do total dos empregados (n) não é fornecida também a frequência correspondente ao intervalo da 4ª classe ( $f_4$ ).

Classes de salários (R\$ 1.000,00)	1 ← 3	3 ← 5	5 ← 7	7 ← 9	9 ← 11	Total
Frequências	4	8	10	$f_4$	2	$n$

O valor da média aritmética destes salários, obtido considerando que todos os valores incluídos num certo intervalo de classe são coincidentes com o ponto médio deste intervalo, é igual a R\$ 6.200,00. O valor da mediana em R\$, obtido pelo método da interpolação linear, é igual a

- a) 400,0  $f_4$
- b) 412,5  $f_4$
- c) 387,5  $f_4$
- d) 350,0  $f_4$
- e) 375,0  $f_4$

### Comentários:

Nessa questão, precisamos encontrar o valor da mediana em função de  $f_4$ . A média aritmética é 6.200. Sabemos que a média aritmética de dados agrupados em intervalos de classe é calculada pela razão entre média ponderada dos pontos médios de cada classe e a frequência de cada classe.

Vamos reorganizar a tabela:

Classes de salários (R\$ 1.000,00)	Ponto Médio (PM)	Frequências ( $f_i$ )	$PM \times f_i$
1 ← 3	2	4	$2 \times 4$



$3 \leftarrow 5$	4	8	$4 \times 8$
$5 \leftarrow 7$	6	10	$6 \times 10$
$7 \leftarrow 9$	8	$f_4$	$8 \times f_4$
$9 \leftarrow 11$	10	2	$10 \times 2$
<b>Total</b>		<b><math>4 + 8 + 10 + f_4 + 2</math></b>	

Dadas as informações da nova tabela, temos:

$$\bar{x} = \frac{2 \times 4 + 4 \times 8 + 6 \times 10 + 8 \times f_4 + 10 \times 2}{4 + 8 + 10 + f_4 + 2}$$

$$6,2 = \frac{120 + 8f_4}{24 + f_4}$$

$$148,8 + 6,2f_4 = 120 + 8f_4$$

$$1,8f_4 = 28,8$$

$$f_4 = 16$$

Agora que já sabemos o valor de  $f_4$ , podemos calcular o valor de  $n$  na tabela. Assim:

$$4 + 8 + 10 + \mathbf{16} + 2 = 40 \rightarrow n = 40$$

Já descobrimos as informações que faltavam, mas ainda não sabemos qual é a classe mediana. Para isso, vamos construir uma coluna de frequências acumuladas:

Classes de salários (R\$ 1.000,00)	Ponto Médio (PM)	Frequências ( $f_i$ )	Frequências Acumuladas ( $f_{ac}$ )
$1 \leftarrow 3$	2	4	4
$3 \leftarrow 5$	4	8	12
$5 \leftarrow 7$	<b>6</b>	<b>10</b>	<b>22 (&gt; 20)</b>
$7 \leftarrow 9$	8	16	38
$9 \leftarrow 11$	10	2	40
<b>Total</b>		<b>40</b>	

A classe mediana corresponde à primeira classe cuja frequência acumulada supera metade da frequência total ( $\frac{\sum f_i}{2}$ ).



Sabendo disso, podemos calcular a mediana por meio do método de interpolação linear. Temos:

$$M_d = l_{inf} + \left[ \frac{\left( \frac{\sum f_i}{2} \right) - f_{ac\,ant}}{f_i} \right] \times h$$

em que:

- o limite inferior da classe é  $l_{inf} = 5$ .
- a frequência acumulada da classe anterior é  $f_{ac\,ant} = 12$ .
- a frequência da própria classe é  $f_i = 10$ .
- a amplitude da classe é  $h = 7 - 5 = 2$ .

Aplicando a fórmula, temos:

$$\begin{aligned} M_d &= 5 + \left[ \frac{\left( \frac{40}{2} \right) - 12}{10} \right] \times 2 \\ M_d &= 5 + \left( \frac{20 - 12}{10} \right) \times 2 \\ M_d &= 5 + \frac{8 \times 2}{10} \\ M_d &= 5 + 1,6 \\ M_d &= 6,6 \rightarrow R\$ 6.600,00 \end{aligned}$$

A questão pede o resultado em função de  $f_4$ , logo:

$$\begin{aligned} M_d &= \frac{6.600}{16} \\ M_d &= 412,5 \times f_4 \end{aligned}$$

**Gabarito: B.**

**39. (FGV/ALE-RO/2018) Sejam x, y e z, respectivamente, a média, a mediana e a moda dos sete valores 9, 10, 6, 5, 20, 9 e 4. É correto concluir que**

- a)  $x < y < z$ .
- b)  $x < y = z$
- c)  $x = y < z$
- d)  $y < z = x$
- e)  $x = y = z$

**Comentários:**



A média é calculada pela soma dos valores dividida pela quantidade de valores:

$$x = \frac{9 + 10 + 6 + 5 + 20 + 9 + 4}{7} = 9$$

Agora, para calcular a mediana, precisamos organizar os números em ordem crescente:

4, 5, 6, 9, 9, 10, 20  
termo central

A mediana é o termo que ocupa a posição central. Portanto,

$$y = 9$$

A moda é o termo que aparece em maior frequência. O número que aparece mais vezes é o 9, portanto:

$$z = 9$$

Assim, concluímos que:

$$x = y = z$$

**Gabarito: E.**

**40. (FGV/ALE-RO/2018) A tabela a seguir mostra o número de gols sofridos por um time de futebol nas dez primeiras partidas de um campeonato:**

Jogo	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Gols Sofridos	0	1	2	0	1	2	1	0	3	2

**A média e a mediana do número de gols sofridos nesses jogos são respectivamente**

- a) 1,2 e 1,0.
- b) 1,2 e 1,5.
- c) 1,1 e 1,0.
- d) 1,0 e 1,0.
- e) 1,0 e 1,5.

#### Comentários:

Calculamos a média somando os valores do conjunto e dividindo pela quantidade de números somados. No caso da tabela, somamos todos os gols sofridos e dividimos pela quantidade de jogos. Assim:

$$\bar{x} = \frac{0 + 1 + 2 + 0 + 1 + 2 + 1 + 0 + 3 + 2}{10}$$

$$\bar{x} = \frac{12}{10}$$

$$\bar{x} = 1,2$$

Para calcular a mediana precisamos achar o valor central do conjunto. Para isso, vamos colocar os valores da amostra em ordem crescente e encontrar seu termo central.



$0, 0, 0, 1, \underbrace{1, 1}_{termos centrais}, 2, 2, 2, 3$

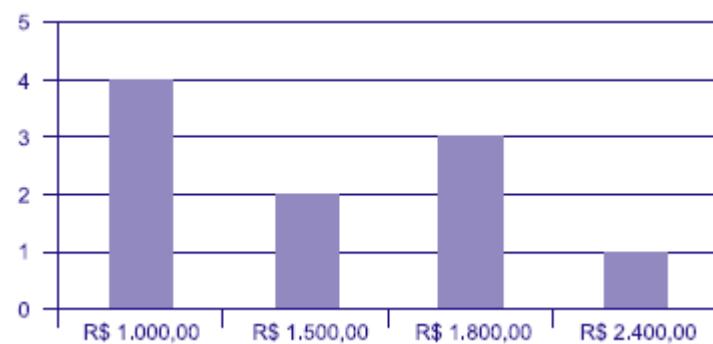
No caso da nossa amostra, temos 10 valores, então teremos 2 termos centrais. Vamos calcular a média desses dois termos e teremos a mediana:

$$M_d = \frac{1 + 1}{2}$$

$$M_d = 1$$

**Gabarito: A.**

**41. (VUNESP/Pref. Serrana/2018)** O gráfico apresenta informações sobre o número de funcionários em um pequeno comércio e os salários que são pagos a eles. Utilize as informações para responder à questão.



A mediana dos salários dos funcionários desse comércio é igual a

- a) R\$ 2.400,00.
- b) R\$ 2.000,00.
- c) R\$ 1.800,00.
- d) R\$ 1.500,00.
- e) R\$ 1.000,00.

#### Comentários:

A mediana é o termo central de uma amostra ou população. Como temos um número par de funcionários, por convenção, a mediana deve ser encontrada pela média dos termos centrais, que ocupam as posições 5 e 6. Organizando os dados da amostra em ordem crescente, temos:

$1000, 1000, 1000, 1000, \underbrace{1500, 1500}_{termos centrais}, 1800, 1800, 1800, 2400$

Encontrando a média dos termos nas posições 5 e 6:

$$M_d = \frac{1500 + 1500}{2} = 1500$$

$$M_d = R\$ 1.500,00$$

**Gabarito: D.**



**42. (VUNESP/Pref. Sertãozinho/2018) Para responder à questão seguinte, considere os números 1,5; 1,5; 1,6; 1,6; 1,6; 1,7; 1,7; 1,8; 1,9 e 1,9 como as alturas, em metros, de 10 pessoas.**

**A mediana das alturas dessas pessoas**

- a) É 1,8 metro.
- b) Está entre 1,7 e 1,8 metro.
- c) É 1,7 metro.
- d) Está entre 1,6 e 1,7 metro.
- e) É 1,6 metro.

**Comentários:**

A mediana é o termo central de uma amostra ou população. Como temos um número par de pessoas, por convenção, a mediana deve ser encontrada pela média dos termos centrais, que ocupam as posições 5 e 6. Organizando os dados da amostra em ordem crescente, temos:

$$1,5 \quad 1,5 \quad 1,6 \quad 1,6 \quad \underbrace{1,6 \quad 1,7}_{\text{termos centrais}} \quad 1,7 \quad 1,8 \quad 1,9 \quad 1,9$$

Encontrando a média dos termos nas posições 5 e 6:

$$M_d = \frac{1,6 + 1,7}{2} = 1,65$$

Analisando as alternativas, temos que a mediana está entre 1,6 e 1,7.

**Gabarito: D.**

**43. (FCC/SEFAZ-MA/2016) Os registros da temperatura máxima diária dos primeiros 6 dias de uma semana foram: 25 °C; 26 °C, 28,5 °C; 26,8 °C; 25 °C; 25,6 °C. Incluindo também o registro da temperatura máxima diária do 7º dia dessa semana, o conjunto dos sete dados numéricos será unimodal com moda igual a 25 °C, e terá mediana igual a 26 °C. De acordo com os dados, é correto afirmar que, necessariamente, a temperatura máxima diária do 7º dia foi**

- a) Inferior a 25 °C.
- b) Superior a 26,8 °C.
- c) Igual a 26 °C.
- d) Inferior a 25,6 °C.
- e) Superior a 26 °C.

**Comentários:**

Para resolvemos a questão, vamos primeiro organizar os valores das temperaturas em ordem crescente. Assim:

$$25 \quad 25 \quad 25,6 \quad 26 \quad 26,8 \quad 28,5$$



O enunciado afirmou que a mediana vale 26. Como a mediana corresponde ao termo central das observações, a temperatura do 7º dia dividirá as observações em duas partes, a primeira contendo 3 valores menores que a mediana, e a segunda contendo 3 valores maiores que a mediana. Assim:

25    25    25,6    26     $X_7$     26,8    28,5  
*Mediana*

ou

25    25    25,6    26    26,8     $X_7$     28,5  
*Mediana*

ou

25    25    25,6    26    26,8    28,5     $X_7$   
*Mediana*

Sabendo que o conjunto também é unimodal, isto é, que possui uma única moda,  $X_7$  não poderá ser igual a nenhum outro valor existente no conjunto.

Logo,  $X_7$  deverá assumir valores maiores que 26 necessariamente.

**Gabarito: E.**

#### 44. (FGV/CODEBA/2016) Uma das características principais da mediana é

- a) A invariância à unidade de medida utilizada.
- b) A robustez à presença de outliers.
- c) A identificação da observação mais frequente.
- d) O fato de, em seu cálculo, dar mais peso às observações mais frequentes.
- e) A normalização pelos desvios em relação à média.

#### Comentários:

Vamos analisar cada uma das alternativas:

- Letra A: **Errada.** Se mudarmos a unidade de medida utilizada a mediana também mudará.
- Letra B: **Correta.** A presença de outliers pouco impacta na mediana;
- Letra C: **Errada.** A mediana representa o termo central do conjunto. As observações frequentes estão relacionadas à moda.
- Letra D: **Errada.** A mediana representa o termo central do conjunto. As observações frequentes estão relacionadas à moda.
- Letra E: **Errada.** A mediana representa o termo central do conjunto ou da amostra. Contudo, a mediana não é uma medida de dispersão.

**Gabarito: B.**

#### 45. (FGV/IBGE/2016) Após a extração de uma amostra, as observações obtidas são tabuladas, gerando a seguinte distribuição de frequências:



<b>Valor</b>	3	5	9	13
<b>Frequência</b>	5	9	10	3

Considerando que  $E(X)$  = Média de X,  $Mo(X)$  = Moda de X e  $Me(X)$  = Mediana de X, é correto afirmar que:

- a)  $E(X) = 7$  e  $Mo(X) = 10$ ;
- b)  $Me(X) = 5$  e  $E(X) = 6,3$ ;
- c)  $Mo(X) = 9$  e  $Me(X) = 9$ ;
- d)  $Me(X) = 9$  e  $E(X) = 6,3$ ;
- e)  $Mo(X) = 9$  e  $E(X) = 7$ .

### Comentários:

A moda é, por definição, o valor que aparece em maior frequência. Portanto, o valor que tem frequência máxima é  $Mo(X) = 9$ .

O número total de termos é  $5 + 9 + 10 + 3 = 27$ . Como o número de termos é ímpar, a mediana é o termo de ordem:

$$\frac{(27 + 1)}{2} = 14.$$

Organizando os termos de forma ascendente, o 14º termo é o número 5. Veja que o número 3 aparece 5 vezes e o número 5 aparece 9 vezes. Portanto,

$$Me(X) = 5.$$

Agora, calcularemos o valor da média. Para tanto, multiplicaremos cada termo pela sua respectiva frequência e dividiremos o resultado pela soma das frequências.

$$E(X) = \frac{3 \times 5 + 5 \times 9 + 9 \times 10 + 13 \times 3}{27} = \frac{189}{27} = 7.$$

Gabarito: E.

**46. (VUNESP/CM Registro/2016)** Foi construída uma amostra com 10 funcionários de uma determinada repartição para a verificação do consumo de papel A4 por mês naquela área. A verificação do consumo desses funcionários mostrou-se conforme a tabela a seguir.

FUNCIONÁRIO	CONSUMO EM FOLHAS DE PAPEL POR MÊS
A	15
B	20



C	18
D	10
E	16
F	22
G	24
H	30
I	8
J	12

**Assinale a alternativa que contém, correta e respectivamente, os valores do consumo médio e do consumo mediano de papel A4 dessa repartição.**

- a) 15 e 16.
- b) 17 e 17,5.
- c) 17,5 e 17.
- d) 18 e 19.
- e) 19,5 e 18.

#### Comentários:

A questão pede o consumo médio e o consumo mediano de papel A4 em uma determinada repartição. Vamos iniciar pelo cálculo da média. Para isso, basta somarmos todas as ocorrências e dividirmos pelo total delas:

$$\bar{x} = \frac{15 + 20 + 18 + 10 + 16 + 22 + 24 + 30 + 8 + 12}{10} = \frac{175}{10} = 17,5$$

A mediana é o termo central de uma amostra ou população. Como temos um número par de funcionários, por convenção, a mediana deve ser encontrada pela média dos termos centrais, que ocupam as posições 5 e 6. Organizando os dados da amostra em ordem crescente, temos:

8 10 12 15      16 18      20 22 24 30  
*termos centrais*

Encontrando a média dos termos na posição 5 e 6:

$$M_d = \frac{16 + 18}{2} = 17$$

**Gabarito: C.**

**47. (CESPE/TELEBRAS/2015)** Considerando que os possíveis valores de um indicador X, elaborado para monitorar a qualidade de um serviço de cabeamento residencial para a



**comunicação de dados, sejam elementos do conjunto  $\{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$  e que uma amostra aleatória de 5 residências tenha apontado os seguintes indicadores: 4, 4, 5, 4 e 3, julgue o próximo item.**

A mediana e a moda dos indicadores registrados na amostra foram iguais a 4.

### Comentários:

A mediana é o termo central de uma amostra ou população. Os dados devem estar dispostos em ordem crescente. Então, temos:

$$3, 4, \underset{\text{termo central}}{4}, 4, 5$$

Portanto, o valor mediano é o termo central  $M_d = 4$ .

A moda é o termo que possui maior frequência, ou seja, é o termo que aparece mais vezes. Portanto, a moda também é igual a 4.

**Gabarito: Certo.**

### 48. (CESPE/DEPEN/2015)

Quantidade diária de incidentes (N)	Frequência relativa
0	0,1
1	0,2
2	0,5
3	0,0
4	0,2
total	1

**Considerando os dados da tabela mostrada, que apresenta a distribuição populacional da quantidade diária de incidentes (N) em determinada penitenciária, julgue o item que se segue.**

A distribuição de N não é simétrica em torno da média, apesar de a média e a mediana serem iguais.

### Comentários:

Apenas analisando a tabela percebemos que de fato a distribuição não é simétrica. Para que fosse simétrica as frequências acima da frequência central deveriam ser iguais às que estão abaixo desta. Não é o caso da tabela em questão.

Agora, vamos verificar se a média e a mediana são iguais. Para calcular a média basta multiplicarmos cada quantidade (N) por sua frequência relativa, a soma de todos os resultados será a média:



$$\bar{x} = \frac{(0 \times 0,1) + (1 \times 0,2) + (2 \times 0,5) + (3 \times 0,0) + (4 \times 0,2)}{0,1 + 0,2 + 0,5 + 0,0 + 0,2}$$

$$\bar{x} = \frac{0,2 + 1 + 0,8}{1,0}$$

$$\bar{x} = 2$$

Como sabemos, a mediana é o termo central da amostra. Na tabela em questão, a mediana é representada pelo termo que tem frequência acumulada de 50%. Podemos observar que as duas primeiras frequências acumulam um total de 30% da amostra. Somando a terceira frequência às duas anteriores, chegaremos a um total de 80% da amostra.

Sendo assim, podemos concluir que a terceira frequência, que corresponde à quantidade de incidentes  $N = 2$ , é a primeira a superar a faixa de 50%. Dessa forma, a frequência acumulada de 50% é representada pela quantidade de incidentes igual a 2:

$$M_d = 2$$

Portanto, a média e a mediana, de fato, são iguais.

**Gabarito: Certo.**

**49. (FCC/DPE SP/2015) A tabela abaixo corresponde às frequências absolutas dos salários de todos os homens e de todas as mulheres que são empregados de uma empresa.**

Classe de Salários (R\$)	Frequências Absolutas	
	Homens	Mulheres
1.500 ← 2.500	10	5
2.500 ← 3.500	40	20
3.500 ← 4.500	$2k$	$(K + 10)$
4.500 ← 5.500	15	10
5.500 ← 6.500	5	5
Total	$70 + 2K$	$50 + K$

**Utilizando o método da interpolação linear para o cálculo da mediana, tem-se que o valor da mediana dos homens é igual a R\$ 3.750,00 e o das mulheres é igual a**

- a) R\$ 3.875,00.
- b) R\$ 4.025,00.
- c) R\$ 3.925,00.
- d) R\$ 3.825,00.
- e) R\$ 4.000,00.



### Comentários:

Inicialmente, precisamos saber as frequências acumuladas para homens e mulheres, para isso vamos montar a tabela com as novas informações:

Classe de Salários (R\$)	Frequências Absolutas		Frequências Acumuladas	
	Homens	Mulheres	Homens	Mulheres
1.500 ← 2.500	10	5	10	5
2.500 ← 3.500	40	20	50	25
3.500 ← 4.500	$2k$	$(K + 10)$	$50 + 2K$	$(K + 35)$
4.500 ← 5.500	15	10	$65 + 2K$	$(K + 45)$
5.500 ← 6.500	5	5	$70 + 2K$	$(K + 50)$
<b>Total</b>	<b>70 + 2K</b>	<b>50 + K</b>		

O enunciado da questão diz que a mediana para os homens vale 3750. Se a frequência total para homens é  $70 + 2K$ , logo a mediana ocupará a posição  $35 + K$ . Assim, temos as seguintes informações:

- classe mediana dos homens → 3.500 ← 4.500;
- limite inferior à classe mediana → 3.500;
- limite superior à classe mediana → 4.500.

Sabendo disso, encontraremos o valor de  $K$  usando a fórmula da mediana, pelo método da interpolação linear. Assim, temos:

$$M_d = l_{inf} + \left[ \frac{\left( \frac{\sum f_i}{2} \right) - f_{ac\ ant}}{f_i} \right] \times h$$

em que:

- o limite inferior da classe é  $l_{inf} = 3.500$ .
- a frequência acumulada da classe anterior é  $f_{ac\ ant} = 50$ .
- a frequência da própria classe é  $f_i = 2k$ .
- a amplitude da classe é  $h = 1.000$ .

Aplicando a fórmula, temos:



$$3.750 = 3.500 + \left[ \frac{\left( \frac{70+2k}{2} \right) - 50}{2k} \right] \times 1.000$$

$$3.750 = 3.500 + \left( \frac{k-15}{2k} \right) \times 1.000$$

$$\frac{250}{1.000} = \frac{k-15}{2k}$$

$$\frac{1}{4} = \frac{k-15}{2k}$$

$$2k = 4k - 60$$

$$2k = 60$$

$$k = 30$$

Agora, substituindo o valor de  $K$  na tabela conseguimos achar as frequências acumuladas para mulheres. Se a frequência total para mulheres é  $50 + 30 = 80$ , logo, a mediana ocupará a posição 40, pois  $\frac{80}{2} = 40$ . Assim, temos as seguintes informações:

- classe mediana das mulheres →  $3.500 + 4.500$ ;
- limite inferior à classe mediana →  $3.500$ ;
- limite superior à classe mediana →  $4.500$ .

Aplicando a fórmula, temos:

$$M_d = 3.500 + \left[ \frac{\left( \frac{80}{2} \right) - 25}{40} \right] \times 1.000$$

$$M_d = 3.500 + \left( \frac{15}{40} \right) \times 1.000$$

$$M_d = 3.500 + \left( \frac{3}{8} \right) \times 1.000$$

$$M_d = 3.500 + 3 \times 125$$

$$M_d = 3.875$$

**Gabarito: A.**

## 50. (CESPE/ANTAQ/2014)

Nota atribuída pelo passageiro	Frequência
0	15
1	30



2	45
3	50
4	35
5	5

A tabela acima apresenta os resultados de uma pesquisa de satisfação realizada em uma amostra de usuários dos serviços de transporte fluvial prestados por uma empresa. Com base nessas informações e na tabela, julgue o próximo item.

A mediana da série de notas obtidas pela empresa é 3.

### Comentários:

Vamos construir a coluna da frequência acumulada.

Nota atribuída pelo passageiro	Frequência ( $f_i$ )	Frequência Acumulada ( $f_{ac}$ )
0	15	15
1	30	45
2	45	90
3	50	140
4	35	175
5	5	180
<b>Total</b>	<b>180</b>	

São 180 números. Como  $n$  é par, então a mediana será a média dos dois termos centrais. O primeiro termo central é o termo de posição  $\frac{n}{2} = \frac{180}{2} = 90$ . Assim, devemos calcular a média entre os termos de ordem 90 e 91.

A primeira frequência acumulada indica que 15 números são iguais a 0. A segunda frequência acumulada indica que 45 números são menores do que ou iguais a 1. A terceira frequência acumulada indica que 90 números são menores do que ou iguais a 2. Portanto, o 90º termo é 2.

O 91º termo estará na próxima linha da tabela. Assim,  $x_{91} = 3$ .

Vamos calcular a mediana:



$$M_d = \frac{x_{90} + x_{91}}{2} = \frac{2 + 3}{2} = 2,5$$

**Gabarito: Errado.**

51. (FCC/SEFAZ RJ/2014) O Departamento de Pessoal de certo órgão público fez um levantamento dos salários, em número de salários mínimos (SM), dos seus 400 funcionários, obtendo os seguintes resultados:

Salários (em número de SM)	Frequência absoluta
4 ⊜ 6	48
6 ⊜ 8	100
8 ⊜ 10	$x$
10 ⊜ 12	$y$
12 ⊜ 16	40
<b>Total</b>	<b>400</b>

Sabe-se que a mediana dos salários desses funcionários calculada por meio dessa tabela pelo método da interpolação linear é igual a 8,8 SM. Nessas condições, o salário médio desses 400 funcionários, em número de salários mínimos, considerando que todos os valores incluídos em um intervalo de classe são coincidentes com o ponto médio do intervalo, é igual a

- a) 8,54
- b) 8,83
- c) 8,62
- d) 8,93
- e) 8,72

#### Comentários:

Primeiro, precisamos encontrar os valores de X e Y. Para isso, precisamos acrescentar a coluna de frequências acumuladas à tabela anterior:

Salários (em número de SM)	Frequências Absolutas	Frequências Acumuladas
4 ⊜ 6	48	48



6 ⊂ 8	100	148
<b>8 ⊂ 10</b>	<b>x</b>	<b>148 + x</b>
10 ⊂ 12	y	148 + x + y
12 ⊂ 16	40	188 + x + y
<b>Total</b>	<b>400</b>	

O enunciado informou que a mediana é **8,8**, portanto, a **classe mediana** será o intervalo que engloba o valor da mediana, isto é, a classe com limite inferior igual a **8** e limite superior igual a **10**. Além disso, como a tabela representa os salários médios de 400 funcionários, temos que a posição da mediana é indicada pela frequência de valor 200, pois  $\frac{400}{2} = 200$ .

Sabendo disso, encontraremos o valor de X usando a fórmula da mediana, pelo método da interpolação linear. Assim, temos:

$$M_d = l_{inf} + \left[ \frac{\left( \frac{\sum f_i}{2} \right) - f_{ac\,ant}}{f_i} \right] \times h$$

em que:

- o limite inferior da classe é  $l_{inf} = 8,0$ .
- a frequência acumulada da classe anterior é  $f_{ac\,ant} = 148$ .
- a frequência da própria classe é  $f_i = X$ .
- a amplitude da classe é  $h = 10 - 8 = 2$ .

Aplicando a fórmula, temos:

$$\begin{aligned} 8,8 &= 8,0 + \left[ \frac{\left( \frac{400}{2} \right) - 148}{X} \right] \times (10 - 8) \\ 8,8 &= 8,0 + \left( \frac{200 - 148}{X} \right) \times 2 \\ 0,8 &= \left( \frac{52}{X} \right) \times (2) \\ X &= \frac{104}{0,8} = 130 \end{aligned}$$

Sabendo o valor de X, podemos encontrar o valor de Y:

$$48 + 100 + 130 + Y + 40 = 400$$

$$318 + Y = 400$$

$$Y = 400 - 318$$



$$Y = 82$$

Agora vamos calcular o salário médio dos funcionários. Para tanto, reconstruiremos a tabela anterior, incluindo os pontos médios:

Salários (em número de SM)	Ponto Médio (PM)	Frequências Absolutas ( $f_i$ )
4 ⊂ 6	$\frac{4 + 6}{2} = 5$	48
6 ⊂ 8	$\frac{6 + 8}{2} = 7$	100
<b>8 ⊂ 10</b>	<b><math>\frac{8 + 10}{2} = 9</math></b>	<b>130</b>
10 ⊂ 12	$\frac{10 + 12}{2} = 11$	82
12 ⊂ 16	$\frac{12 + 16}{2} = 14$	40
<b>Total</b>		<b>400</b>

Para calcular a média de uma distribuição de frequências agrupada em intervalos de classe, devemos multiplicar cada ponto médio por sua respectiva frequência, somar tudo e dividir o resultado pela frequência total. Vejamos:

Salários	Ponto médio ( $PM_i$ )	Frequência absoluta( $f_i$ )	$PM_i \times f_i$
4 ⊂ 6	5	48	240
6 ⊂ 8	7	100	700
8 ⊂ 10	9	130	1170
10 ⊂ 12	11	82	902
12 ⊂ 16	14	40	560
<b>Total</b>		<b>400</b>	<b>3572</b>

Então, a média aritmética dos salários é:



$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n (PM_i \times f_i)}{\sum_{i=1}^n f_i} = \frac{3.572}{400} = 8,93$$

**Gabarito: D.**

**52. (FGV/AL-BA/2014) Os dados a seguir são uma amostra de 11 salários mensais (aproximados) em reais:**

2.080 1.830 2.480 3.010 1.450 1.650 2.500 1.740 3.600 1.900 2.840

**A mediana desses salários, em reais, é**

- a) 1.990.
- b) 2.080.
- c) 1.650.
- d) 2.000.
- e) 2.220.

**Comentários:**

A mediana é o termo central de uma amostra. Dividimos o conjunto ao meio e o termo que ocupar a posição central será a mediana. Para isso os dados da amostra devem estar em ordem crescente. Ordenando os salários, temos:

1450, 1650, 1740, 1830, 1900, 2080, 2480, 2500, 2840, 3010, 3600  
*termo central*

Portanto, o valor mediano é 2080.

**Gabarito: B.**

**53. (FGV/CGE-MA/2014) Sobre uma amostra com uma quantidade ímpar de valores, todos diferentes de uma variável aleatória, sabe-se que a média é maior que a mediana.**

**Com relação aos valores dessa amostra é necessariamente verdade que**

- a) Há mais valores acima da média do que abaixo da média.
- b) Há mais valores abaixo da média do que acima da média.
- c) Há mais valores acima da média do que abaixo da mediana.
- d) Há mais valores acima da mediana do que abaixo da média.
- e) A quantidade de valores acima da média é igual à quantidade de valores abaixo da média.

**Comentários:**

O enunciado informa que a amostra tem uma quantidade ímpar de valores. Logo, teremos um único valor central que corresponderá à mediana. Antes de adentrarmos na análise das alternativas, tomemos como exemplo o conjunto de valores {1, 2, 3, 5, 9}:

$$M_d = 3$$



$$\bar{x} = \frac{1 + 2 + 3 + 5 + 9}{5} = 4$$

Nosso exemplo está em conformidade com o que é dito no enunciado, vez que a média é maior que a mediana. Sendo assim, vamos analisar as alternativas:

- Letra A: **Errado.** Pelo nosso exemplo observamos que há mais valores abaixo da média do que acima da média.
- Letra B: **Correto.** Há mais valores abaixo da média.
- Letra C: **Errado.** A mediana ocupa a posição central da amostra, portanto, divide a amostra em duas partes iguais.
- Letra D: **Errado.** Há mais valores abaixo da média.
- Letra E: **Errado.** A alternativa se refere à mediana e não à média.

**Gabarito: B.**

**54. (FGV/Pref. Recife/2014) A seguinte amostra de idades foi obtida:**

**19; 25; 39; 20; 16; 27; 40; 38; 28; 32; 30.**

**Assinale a opção que indica a mediana dessas idades.**

- a) 27
- b) 28
- c) 29
- d) 30
- e) 31

**Comentários:**

A mediana é o termo central de uma amostra. Para encontrar a mediana, temos que dividir o conjunto e identificar o termo que ocupa a posição central. Para isso, os dados da amostra devem estar em ordem crescente.

Ordenando as idades, temos:

$$16, 19, 20, 25, 27, \underbrace{28}_{\text{termo central}}, 30, 32, 38, 39, 40$$

A mediana é 28.

**Gabarito: B.**

**55. (CESPE/PRF/2013)**





**Considerando os dados apresentados no gráfico, julgue o item seguinte.**

A média do número de acidentes ocorridos no período de 2007 a 2010 é inferior à mediana da sequência de dados apresentada no gráfico.

**Comentários:**

Os valores referentes ao período de 2007 a 2010 são:

129, 141, 159 e 183.

Para calcular a média desses números, devemos somar os quatro valores e dividir por 4.

$$\bar{x} = \frac{129 + 141 + 159 + 183}{4} = 153$$

Vamos, agora, calcular a mediana da sequência de dados apresentada no gráfico:

110, 111, 129, 141, 159, 183, 189  
*termo central*

O valor mediano é o termo que ocupa a posição central, logo, corresponde ao número 141.

A média não é inferior à mediana. Logo, o item está errado.

**Gabarito: Errado.**

**56. (CESPE/Polícia Federal/2012) Com relação a estatística, julgue o item seguinte.**

Ao contrário da mediana amostral, a média aritmética é menos sensível à presença de valores extremos (ou valores atípicos ou *outliers*).

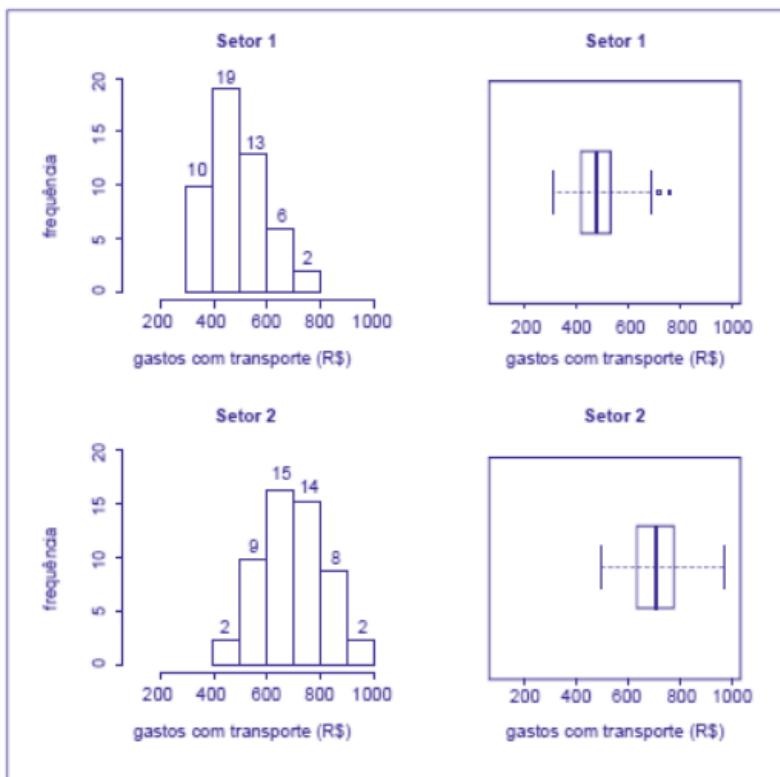
**Comentários:**

A mediana não é sensível a valores extremos. Por outro lado, a média é bastante influenciada por valores extremos. Logo, o item está errado.

**Gabarito: Errado**

**57. (CESPE/Câmara dos Deputados/2012)**





Para avaliar os gastos com transporte de determinada diretoria, um analista coletou amostras de despesas com transportes (em R\$) registradas por servidores dos setores 1 e 2. Para cada setor, a amostra é constituída por 50 registros. Essas amostras foram organizadas graficamente, e os resultados são mostrados na figura acima. Nesta figura, as frequências absolutas estão indicadas nos histogramas correspondentes. Os dados foram os seguintes:

#### Setor 1

308,73	311,80	358,33	359,89	371,53	379,82
383,76	388,66	391,53	394,65	414,60	416,38
418,34	419,42	427,85	428,58	432,06	436,61
442,49	450,53	450,98	452,35	471,70	473,11
476,76	481,46	484,89	490,07	499,87	500,52
502,06	513,80	514,39	521,96	522,18	526,42
528,76	531,53	547,91	572,66	591,43	596,99
609,44	632,15	639,71	677,48	683,76	688,76
723,79	767,53				

#### Setor 2

488,37	493,73	547,72	552,66	567,94	571,49
572,26	582,00	583,63	594,77	598,46	619,25
624,20	631,03	634,51	637,21	655,70	657,56
663,81	670,12	671,90	673,78	684,69	685,98
693,35	698,58	708,78	719,80	721,16	734,84



735,94 746,34 754,83 756,10 756,96 760,80  
 762,29 766,24 770,11 797,73 804,06 805,97  
 807,29 832,83 844,00 866,77 878,27 897,09  
 943,10 963,25

**Considerando essas informações, julgue o item.**

A mediana das despesas registradas pelos servidores do setor 2 é igual a R\$ 693,35.

### Comentários:

Há 50 registros para cada setor. Como o número de termos é par, a mediana será a média aritmética dos dois termos centrais. A primeira posição central é  $\frac{n}{2} = \frac{50}{2} = 25$ . A outra posição central é  $\frac{n}{2} + 1 = 26$ .

Assim, devemos procurar os termos de posição 25 e 26:

488,37	493,73	547,72	552,66	567,94	571,49	572,26	582,00	583,63	594,77
598,46	619,25	624,20	631,03	634,51	637,21	655,70	657,56	663,81	670,12
671,90	673,78	684,69	685,98	693,35	698,58	708,78	719,80	721,16	734,84
735,94	746,34	754,83	756,10	756,96	760,80	762,29	766,24	770,11	797,73
804,06	805,97	807,29	832,83	844,00	866,77	878,27	897,09	943,10	963,25

O enunciado diz que a mediana é exatamente 693,35, mas certamente será maior que esse valor, vez que resultará da média aritmética entre 693,35 e 698,58. Vejamos:

$$M_d = \frac{693,35 + 698,58}{2} = 695,96$$

**Gabarito: Errado.**

**58. (FUNDATÉC/SEFAZ-RS/2009)** A tabela a seguir representa a distribuição de frequências da idade de uma amostra de moradores de um asilo. Utilize para resolver a questão.

$X_i$	$f_i$
70 – 74	7
74 – 78	19
78 – 82	13
82 – 86	11
86 – 90	6



90 - 94	4
Total	60

A idade aproximada da mediana é:

- a) 78,22.
- b) 80,00.
- c) 79,38.
- d) 78,55.
- e) 79,23.

**Comentários:**

O enunciado pede a mediana de uma distribuição de frequências de idades de uma amostra de moradores de um asilo. Para resolver a questão, o primeiro passo é montar a coluna de frequências acumuladas:

Classes	Frequência simples	Frequência acumulada
70 a 74	7	7
74 a 78	19	26
78 a 82	13	39 (> 30)
82 a 86	11	50
86 a 90	6	56
90 a 94	4	60

Assim, temos os seguintes dados:

$$M_d = ?$$

$$l_{inf} = 78$$

$$f_{ac\,ant} = 26$$

$$f_i = 13$$

$$h = 4$$

Sabendo disso, podemos empregar a fórmula a seguir:



$$M_d = l_{inf} + \left[ \frac{\left( \frac{\sum f_i}{2} \right) - fac_{ant}}{f_i} \right] \times h$$

em que:

$l_{inf}$  é o limite inferior da classe mediana;

$fac_{ant}$  é a frequência acumulada da classe anterior à classe mediana;

$f_i$  é a frequência simples da classe mediana; e

$h$  é a amplitude do intervalo da classe mediana.

Então, aplicando a fórmula:

$$M_d = 78 + \left[ \frac{\left( \frac{60}{2} \right) - 26}{13} \right] \times 4$$

$$M_d = 78 + \left[ \frac{30 - 26}{13} \right] \times 4$$

$$M_d = 78 + \left[ \frac{4}{13} \right] \times 4$$

$$M_d = 78 + \frac{16}{13} \cong 79,23$$

Outra forma de responder essa questão é usando o método da interpolação linear. Da tabela anterior, podemos tirar as seguintes informações:

- o valor 78 corresponde à frequência acumulada 26.
- a mediana ( $M_d$ ) é o valor que corresponde à frequência acumulada 30 (pois a mediana tem frequência acumulada igual à metade da quantidade de dados).
- o valor 82 tem a frequência acumulada 39.

Podemos montar o seguinte quadro:

	Valor	Frequência acumulada
<b>1<sup>a</sup> Linha</b>	78	26
<b>2<sup>a</sup> Linha</b>	$M_d$	30
<b>3<sup>a</sup> Linha</b>	82	39

A interpolação linear nos diz que podemos fazer o seguinte: fazemos a segunda linha menos a primeira; fazemos a terceira linha menos a primeira. As diferenças são proporcionais:

$$\frac{M_d - 78}{82 - 78} = \frac{30 - 26}{39 - 26}$$



$$\frac{M_d - 78}{4} = \frac{4}{13}$$

$$M_d = 78 + \frac{16}{13}$$

$$M_d \cong 79,23$$

**Gabarito: E.**



# LISTA DE QUESTÕES

## Mediana

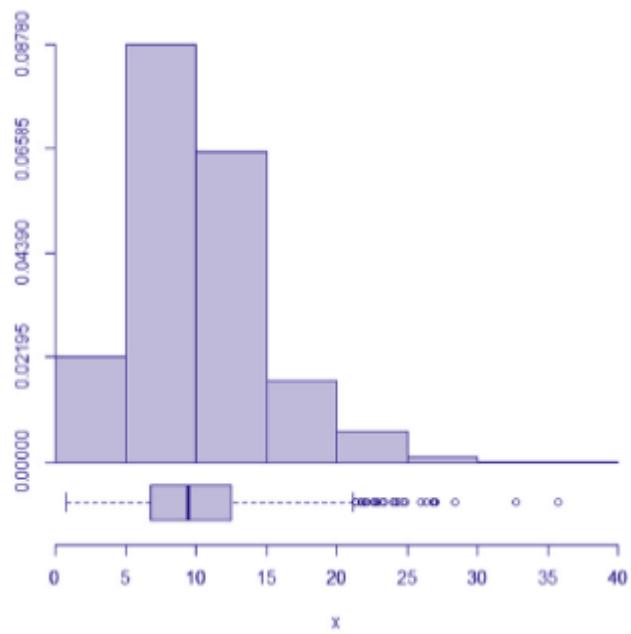
## 1. (CESPE/PETROBRAS/2022)

X	Frequência Relativa
0	0,23
1	0,22
2	0,50
3	0,05

**Considerando que a tabela acima mostra a distribuição de frequências de uma variável obtida com base em uma amostra aleatória simples de tamanho igual a  $n$ , julgue o item que se segue.**

A mediana de x é igual a 1,5.

2. (CESPE/PETROBRAS/2022) A figura seguinte mostra o histograma como uma estimativa da função de densidade de uma distribuição X, juntamente com o diagrama boxplot correspondente a esse conjunto de dados.

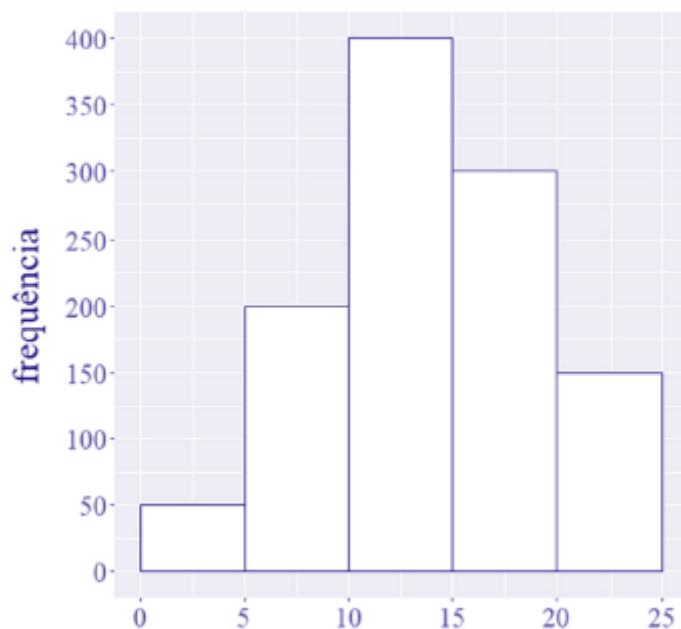


Tamanho da amostra	1.000
Média amostral	10
Desvio padrão amostral	4,7

Considerando a figura e as informações apresentadas no quadro, julgue o item que se segue.

A diferença entre a média amostral e a mediana amostral é superior a 0.

**3. (CESPE/TELEBRAS/2022)**



Considerando que o histograma apresentado descreve a distribuição de uma variável quantitativa X por meio de frequências absolutas, julgue o item que se segue.

A mediana de X se encontra na classe modal.

**4. (FGV/CBM-AM/2022)** A soma de 11 números inteiros estritamente positivos, não necessariamente distintos, é 2022.

O maior valor que a mediana desses 11 números pode ter é

- a) 335.
- b) 336.
- c) 337.
- d) 338.
- e) 339.



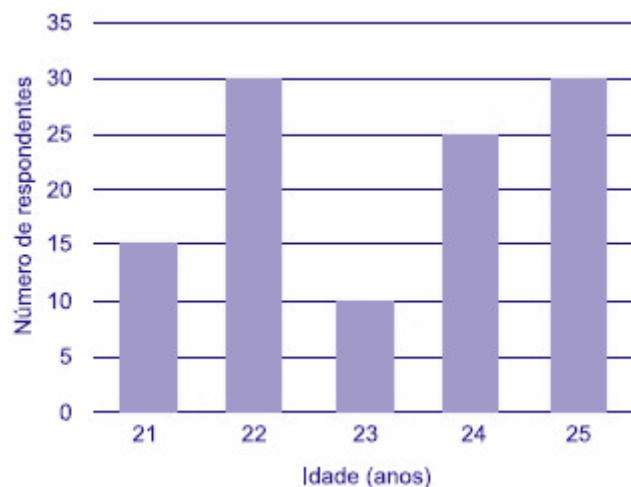
5. (FGV/SEFAZ ES/2022) As notas de nove candidatos num certo exame foram:

54, 48, 46, 51, 38, 50, 44, 58, 32.

A mediana dessas notas é igual a

- a) 44.
- b) 46.
- c) 48.
- d) 50.
- e) 51.

6. (VUNESP/PM-SP/2022) Uma pesquisa foi realizada com um grupo de pessoas cujas idades, em anos, pertencem ao conjunto  $\{21, 22, 23, 24, 25, 26\}$ . O gráfico registra as frequências absolutas dos entrevistados com menos de 26 anos.



Sabendo que a mediana das idades do conjunto completo de dados (incluindo as pessoas com 26 anos) é igual a 24 anos, o número máximo de pessoas com 26 anos que participaram da pesquisa foi

- a) 19.
- b) 25.
- c) 35.
- d) 49.
- e) 55.

7. (AOCP/PC PA/2021) Uma testemunha de um roubo afirma que o ladrão tem uma estatura mediana de 1,70 m. Então, pode-se esperar que, em termos de probabilidade, as alturas X de possíveis suspeitos se situem em



- a)  $P(X < 1,70) = P(X > 1,70) = 50\%$ .
- b)  $P(X = 1,70) = 50\%$ .
- c)  $P(X > 1,70) = 75\%$ .
- d)  $P(X < 1,70) = 25\%$ .
- e)  $P(X < 1,70) = P(X > 1,70) = 25\%$ .

**8. (CESGRANRIO/CEF/2021)** Seis candidatos, aprovados para a penúltima etapa de um processo seletivo, foram submetidos a um teste de conhecimentos gerais com 10 itens do tipo “verdadeiro/falso”. Os dois primeiros candidatos acertaram 8 itens cada, o terceiro acertou 9, o quarto acertou 7, e os dois últimos, 5 cada. Pelas regras do concurso, passariam, para a etapa final da seleção, os candidatos cujo número de acertos fosse maior ou igual à mediana do número de acertos dos seis participantes.

**Quantos candidatos passaram para a etapa final?**

- a) 2
- b) 3
- c) 4
- d) 5
- e) 6

**9. (CESPE/PG-DF/2021)**

Estatística	X, em R\$ milhões
Mínimo	0,5
Primeiro quartil ( $Q_1$ )	1
Segundo quartil ( $Q_2$ )	2
Terceiro quartil ( $Q_3$ )	5
Máximo	20

O quadro apresentado mostra estatísticas descritivas produzidas por um estudo acerca de despesas públicas (X, em R\$ milhões) ocorridos no ano de 2019 em uma amostra aleatória simples de 100 contratos.

Com base nessas informações, julgue o item que se segue.



A mediana da variável  $X$  foi igual a R\$ 2 milhões.

**10. (CESPE/CBM AL/2021)** Em determinado dia, em uma região atendida por uma unidade do corpo de bombeiros, ocorreram 16 acidentes, que resultaram em 48 vítimas, socorridas pelos bombeiros nos próprios locais de acidente. Entre essas vítimas, 4 vieram a óbito no momento do atendimento, e as demais sobreviveram.

**Com base nessa situação hipotética, julgue o item a seguir.**

Suponha que as idades das vítimas que vieram a óbito sejam 12, 50, 30 e 20 anos de idade. Nesse caso, a mediana das idades é maior que 26 anos.

**11. (CESPE/BANESE/2021)** A respeito do conjunto de dados {11, 6, 28, 51, 49, 32, 33}, julgue o item a seguir.

A mediana desse conjunto de dados é igual a 51.

**12. (FGV/IMBEL/2021)** Considere a lista de cinco números reais: 2, 9, 4, 10, x.

Sabe-se que a mediana desses números é igual à média deles.

A soma dos possíveis valores de x é:

- a) 22,5.
- b) 21,25.
- c) 20,75.
- d) 19,5.
- e) 17,5.

**13. (FGV/FunSaúde CE/2021)** Sabe-se que x é maior do que 11 e que a diferença entre a média e a mediana dos cinco números 2, x, 11, 16, 5 é igual a 2.

O valor de x é

- a) 12.
- b) 16.
- c) 21.
- d) 26.
- e) 31.

**14. (FGV/FunSaúde CE/2021)** A mediana dos sete números 9, 2, 5, 3, 13, x, 5 é x.



A média desses números é

- a) 5.
- b) 5,5.
- c) 6.
- d) 6,5.
- e) 7.

**15. (IBFC/IBGE/2021)** Marcos pretende determinar a mediana referente aos dados brutos coletados e relacionados abaixo:

23 - 22 - 21 - 22 - 32 - 33

41 - 21 - 20 - 32 - 42 - 38

De acordo com os dados, o resultado encontrado por Marcos é igual a:

- a) 37
- b) 33
- c) 41
- d) 27,5
- e) 28

**16. (CESPE/ME/2020)**

Mínimo	5
Moda	9
Mediana	9
Média	10
Máximo	15

Um levantamento amostral proporcionou as estatísticas precedentes, referentes a determinada variável quantitativa X.

Considerando essas informações e que a variável X é composta por 1240 observações, julgue o item subsequente.

A quantidade de observações da variável X maiores ou iguais a 9 é igual ou superior a 620.



**17. (CESPE/SEFAZ DF/2020)** A partir de uma amostra aleatória simples de tamanho  $n$ , sabe-se que a média aritmética de uma variável  $X$  foi igual a 3. Considerando que os valores possíveis para a variável  $X$  sejam -1 e +4, julgue o item que se segue.

A mediana amostral da variável  $X$  foi igual a 2,5.

**18. (FUNDATEC/Pref. Porto Alegre/2020)** Se a mediana de um determinado processo for igual a 7, isso quer dizer que:

- a) O 7º valor da amostra representará a mediana.
- b) O 7º valor da amostra ordenada representará a mediana.
- c) A posição mediana é 7.
- d) 50% dos valores da amostra são iguais a 7.
- e) 50% dos valores da amostra são menores ou iguais a 7.

**19. (VUNESP/EsFCEx/2020)** A tabela de frequências relativas acumuladas a seguir refere-se à distribuição dos salários dos empregados de uma empresa, sendo que não foi fornecida a correspondente frequência relativa acumulada do terceiro intervalo de classe (denotado por  $X$  na tabela).

CLASSE DE SALÁRIOS (R\$)	FREQUÊNCIAS RELATIVAS ACUMULADAS ( $f_i$ )
1.000,00 – 3.000,00	10
3.000,00 – 5.000,00	30
5.000,00 – 7.000,00	$X$
7.000,00 – 9.000,00	80
9.000,00 – 11.000,00	100

Dado que o valor da mediana dessa distribuição obtida pelo método da interpolação linear apresentou um valor igual a R\$ 6.600,00, obtém-se que  $X$  é igual a

- a) 65.
- b) 50.
- c) 60.
- d) 55.
- e) 70.



**20. (VUNESP/Pref Ilhabela/2020)** Uma pesquisa permitiu obter do mercado a tabela de frequências relativas abaixo, correspondente à distribuição dos preços de venda ( $p$ ) referente a um determinado equipamento. As frequências relativas da 1a e 2a classes por algum motivo não foram fornecidas e foram denotadas na tabela por  $x$  e  $y$ , respectivamente.

Classes de preços em R\$	Frequências relativas (%)
$50 < p \leq 150$	$x$
$150 < p \leq 250$	$y$
$250 < p \leq 350$	25
$350 < p \leq 450$	30
$450 < p \leq 550$	15
<b>TOTAL</b>	<b>100</b>

**Utilizando o método da interpolação linear, encontra-se que o valor da mediana é igual a**

- a) R\$ 290,00.
- b) R\$ 300,00.
- c) R\$ 310,00.
- d) R\$ 320,00.
- e) R\$ 330,00.

**21. (VUNESP/Pref Sorocaba/2020)** Uma empresa de varejo decidiu usar o seguinte método com funcionários em treinamento: calcularia a média de vendas de todos os funcionários após um mês e só seriam efetivados os que estivessem acima da média, sendo demitidos aqueles que estivessem abaixo. Assim, os diretores da empresa imaginavam que ficariam com cerca de metade dos funcionários em treinamento. No entanto, ao final do treinamento, apenas um funcionário estava acima da média.

**No método empregado pela empresa, o que foi determinante para que a média esperada de funcionários aprovados não fosse atingida?**

- a) Não se levou em conta a pequena variância nas vendas.
- b) A média utilizada foi a geométrica.
- c) Obviamente foi um erro de conta no cálculo da média.
- d) O resultado deveria ter sido padronizado.



e) Deveria ter sido usada a mediana em vez da média.

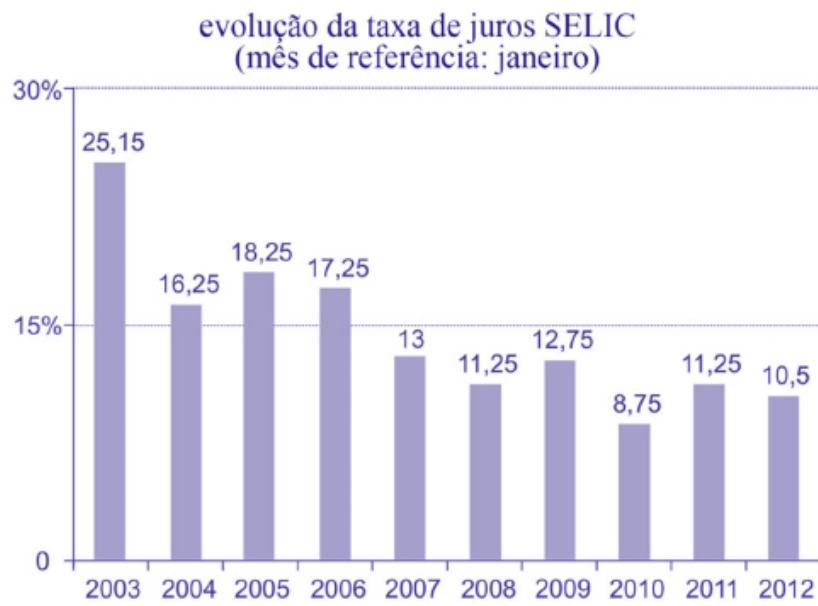
**22. (CESPE/Pref. São Cristóvão/2019)** A tabela seguinte mostra a distribuição das idades dos 30 alunos da turma A do quinto ano de uma escola de ensino fundamental.

Idade (em anos)	9	10	11	12	13	14
Quantidade de estudantes	6	22	0	1	0	1

A partir dessa tabela, julgue o item.

A mediana das idades é igual a 11,5 anos.

**23. (CESPE/UNCISAL/2019)** A SELIC é uma taxa referencial de juros estabelecida pelo Banco Central do Brasil como parâmetro para as taxas de juros cobradas pelos bancos comerciais no Brasil. A tabela seguinte mostra a evolução da SELIC, em porcentagem, no mês de janeiro dos anos de 2003 a 2012.



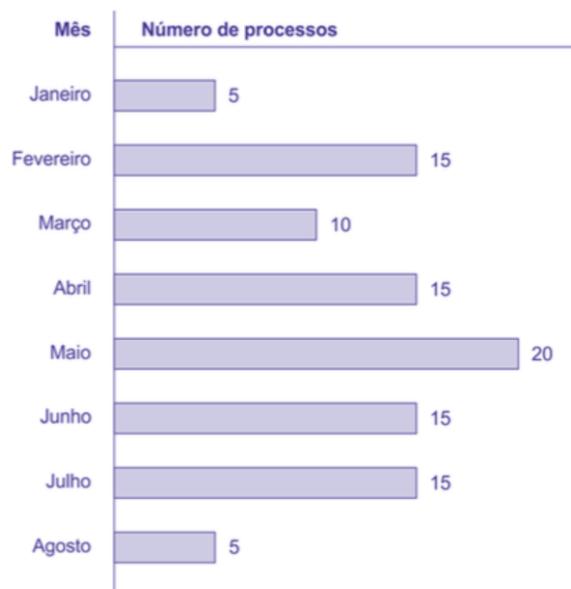
Disponível em: [www.bcb.gov.br](http://www.bcb.gov.br). Acesso em: nov. 2016 (adaptado).

O valor da mediana dos valores da SELIC mostrados no gráfico é igual a

- a) 11,25.
- b) 12,125.
- c) 12,875.
- d) 13,00.
- e) 14,44.



24. (FCC/BANRISUL/2019) Os números de processos com uma determinada característica autuados em um órgão público, de janeiro a agosto de 2018, podem ser visualizados pelo gráfico abaixo.



A respectiva média aritmética (número de processos por mês) está para a mediana assim como

- a) 1 está para 16.
- b) 2 está para 3.
- c) 1 está para 8.
- d) 5 está para 6.
- e) 4 está para 3.

25. (FCC/Prefeitura do Recife/2019) A empresa Sigma apresenta pela tabela abaixo a distribuição dos salários registrados de seus 100 empregados em reais.

Salários (R\$)	2.000	4.000	5.000	10.000	15.000	Total
Número de Empregados	0	10	40	X	Y	100

Não foram fornecidos os números de empregados que ganham R\$ 10.000,00 e R\$ 15.000,00 (denotados na tabela por x e y, respectivamente), mas sabe-se que a média aritmética dos salários é igual a R\$ 8.400,00. O valor da soma da respectiva moda e da respectiva mediana desses salários é, em reais, igual a

- a) 600y.
- b) 625y.
- c) 1.000y.
- d) 750y.
- e) 500y.



**26. (FCC/Prefeitura do Recife/2019)** Com o objetivo de analisar a distribuição dos salários dos empregados de uma empresa, verificou-se que 10 empregados ganham, cada um, R\$ 15.000,00; 20 ganham, cada um, R\$ 2.500,00; 25 ganham, cada um, R\$ 12.000,00; 60 ganham, cada um, R\$ 5.000,00 e os restantes ganham, cada um, R\$ 8.000,00. Sabendo-se que a mediana dos salários apresentou um valor igual a R\$ 6.500,00, obtém-se que o valor da média aritmética supera o da moda em

- a) R\$ 2.750,00.
- b) R\$ 3.250,00.
- c) R\$ 3.000,00.
- d) R\$ 2.250,00.
- e) R\$ 2.500,00.

**27. (FCC/Prefeitura do Recife/2019)** Durante 40 dias, foi registrado o número de pessoas atendidas por dia em um guichê de uma repartição. A tabela abaixo apresentou os dados observados sendo que não foram fornecidas as quantidades de dias em que foram atendidas uma pessoa por dia e duas pessoas por dia, indicadas na tabela por  $q_1$  e  $q_2$ , respectivamente.

Número de pessoas atendidas	Quantidade de dias
0	9
1	$q_1$
2	$q_2$
3	5
4	1
Total	40

Sabendo-se que a mediana correspondente foi igual 1,5, tem-se que a soma da moda e da média aritmética (número de pessoas atendidas por dia) foi igual a

- a) 3,00.
- b) 2,80.
- c) 3,45.
- d) 3,20.
- e) 2,95.



28. (FUNDATÉC/ESE/2019) A taxa de desemprego na grande São Paulo nos últimos 10 anos, em percentual da população, é dada pela tabela abaixo:

ANO	2009	2010	2011	2012	2013	2014	2015	2016	2017	2018
TOTAL	13,8	11,9	10,5	10,9	10,4	10,8	13,2	16,8	18,0	17,3

Nesse caso, podemos dizer que a mediana é:

- a) 10,60.
- b) 11,09.
- c) 10,40.
- d) 12,55.
- e) 13,36.

29. (VUNESP/MP-SP/2019) Considere o seguinte conjunto de dados numéricos para estatística.

8    30    5    6    4    8    12    6    13    8

Então, a soma da moda com a mediana e a média é igual a:

- a) 22.
- b) 24.
- c) 26.
- d) 28.
- e) 30.

30. (VUNESP/PM-SP/2019) Na tabela, são apresentadas informações sobre o número de armas apreendidas pela Polícia Militar do Estado de São Paulo, no segundo semestre de 2018.

MÊS	NÚMERO DE ARMAS APREENDIDAS
Julho	688
Agosto	702
Setembro	680
Outubro	638
Novembro	695
Dezembro	629



(<http://www.policiamilitar.sp.gov.br>)

Se uma pesquisa utilizar a média aritmética simples do número de armas apreendidas, mensalmente, no segundo semestre, pela Polícia Militar do Estado de São Paulo, e outra pesquisa utilizar a mediana do número de armas apreendidas no segundo semestre, a diferença entre a mediana e a média será de

- a) 30 armas.
- b) 21 armas.
- c) 12 armas.
- d) 10 armas.
- e) 08 armas.

31. (VUNESP/Pref. Cerquilho/2019) A tabela apresenta informações sobre o número de funcionários em um escritório e os salários que são pagos a eles. Utilize as informações para responder a questão seguinte.

NÚMERO DE FUNCIONÁRIOS	SALÁRIOS
4	R\$ 1.200,00
2	R\$ 1.500,00
3	R\$ 1.800,00
1	R\$ 2.100,00

A mediana dos salários dos funcionários desse escritório é igual a

- a) R\$ 2.100,00.
- b) R\$ 1.800,00.
- c) R\$ 1.700,00.
- d) R\$ 1.500,00.
- e) R\$ 1.200,00.

32. (VUNESP/TRANSERP/2019) Considerando a taxa de desemprego hipotética de 11,7% (maio); 10,3% (junho); 8,9% (julho); 7,7% (agosto); 6,3% (setembro) e 4,9% (outubro) a mediana do período é

- a) 8,3%
- b) 7,9%
- c) 7,7%
- d) 7,5%



e) 7,2%

**33. (VUNESP/TJ-SP/2019)** Durante um período, decidiu-se analisar o comportamento do número de processos especiais autuados por dia em uma repartição pública. A tabela a seguir apresenta os resultados obtidos, sendo  $k$  a quantidade de dias em que não foram autuados processos.

NÚMERO DE PROCESSOS	0	1	2	3	4	5	TOTAL
QUANTIDADE DE DIAS	$k$	14	18	24	14	2	$10k$

Com relação a esta tabela, foram obtidos os respectivos valores da moda ( $Mo$ ), mediana ( $Md$ ) e média aritmética ( $Me$ ), em número de processos por dia. Verifica-se então que  $(Mo + Md + Me)$  é igual a

- a) 6,30
- b) 7,85
- c) 6,80
- d) 6,85
- e) 7,35

**34. (CESPE/Polícia Federal/2018)**

X (quantidade diária de drogas apreendidas, em kg)	DIA				
	1	2	3	4	5
10	22	18	22	28	

Tendo em vista que, diariamente, a Polícia Federal apreende uma quantidade  $X$ , em kg, de drogas em determinado aeroporto do Brasil, e considerando os dados hipotéticos da tabela precedente, que apresenta os valores observados da variável  $X$  em uma amostra aleatória de 5 dias de apreensões no citado aeroporto, julgue o item.

A mediana das quantidades  $X$  observadas na amostra em questão foi igual a 18 kg.

**35. (FCC/ALESE/2018)** Em um grupo de pessoas encontramos as seguintes idades: 20, 30, 50, 39, 20, 25, 41, 47, 36, 45, 41, 52, 18, 41. A mediana e a moda são, respectivamente,

- a) 36 e 45.
- b) 40 e 41.
- c) 41 e 20.



- d) 42 e 39.
- e) 39 e 42.

**36. (FCC/ISS-São Luís/2018)** Um levantamento foi realizado com 40 instituições financeiras, localizadas em uma região, com relação às taxas mensais de juros aplicadas para financiamento de veículos. Verificou-se que cinco instituições aplicam a taxa de 0,80% ao mês, duas aplicam a taxa de 1,20% ao mês, oito aplicam a taxa de 1,25% ao mês, x aplicam a taxa de 1,12% ao mês e y aplicam a taxa de 0,96% ao mês. Se a média aritmética destas taxas foi igual a 1,05%, então a soma da mediana e a moda correspondentes foi de

- a) 2,00%
- b) 2,24%
- c) 2,08%
- d) 2,16%
- e) 1,92%

**37. (FCC/SEDU-ES/2018)** As notas dos dez alunos de uma sala foram: 1, 2, 4, 6, 6, 7, 8, 8, 8, 10. A diferença entre a moda e a mediana dessas notas é

- a) 1,5.
- b) 2,5.
- c) 0,5.
- d) 2,0.
- e) 1,0.

**38. (FCC/TRT 2ª Região/2018)** Considerando na tabela abaixo a distribuição de frequências absolutas, referente aos salários dos n empregados de uma empresa, em R\$ 1.000,00, observa-se que além do total dos empregados (n) não é fornecida também a frequência correspondente ao intervalo da 4ª classe ( $f_4$ ).

Classes de salários (R\$ 1.000,00)	1 ⌈ 3	3 ⌈ 5	5 ⌈ 7	7 ⌈ 9	9 ⌈ 11	Total
Frequências	4	8	10	$f_4$	2	n

O valor da média aritmética destes salários, obtido considerando que todos os valores incluídos num certo intervalo de classe são coincidentes com o ponto médio deste intervalo, é igual a R\$ 6.200,00. O valor da mediana em R\$, obtido pelo método da interpolação linear, é igual a

- a) 400,0  $f_4$
- b) 412,5  $f_4$
- c) 387,5  $f_4$
- d) 350,0  $f_4$



e)  $375,0 f_4$

**39. (FGV/ALE-RO/2018)** Sejam  $x$ ,  $y$  e  $z$ , respectivamente, a média, a mediana e a moda dos sete valores 9, 10, 6, 5, 20, 9 e 4. É correto concluir que

- a)  $x < y < z$ .
- b)  $x < y = z$
- c)  $x = y < z$
- d)  $y < z = x$
- e)  $x = y = z$

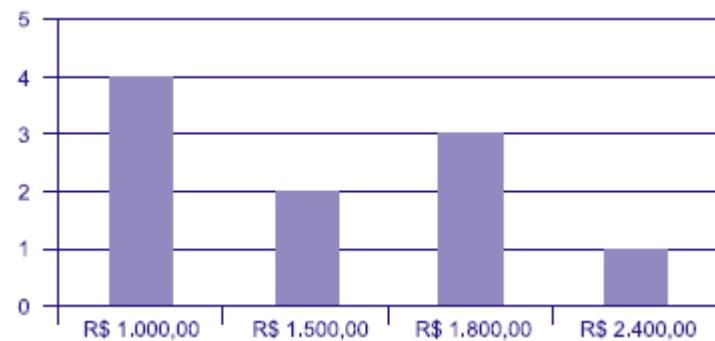
**40. (FGV/ALE-RO/2018)** A tabela a seguir mostra o número de gols sofridos por um time de futebol nas dez primeiras partidas de um campeonato:

Jogo	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Gols Sofridos	0	1	2	0	1	2	1	0	3	2

A média e a mediana do número de gols sofridos nesses jogos são respectivamente

- a) 1,2 e 1,0.
- b) 1,2 e 1,5.
- c) 1,1 e 1,0.
- d) 1,0 e 1,0.
- e) 1,0 e 1,5.

**41. (VUNESP/Pref. Serrana/2018)** O gráfico apresenta informações sobre o número de funcionários em um pequeno comércio e os salários que são pagos a eles. Utilize as informações para responder à questão.



A mediana dos salários dos funcionários desse comércio é igual a

- a) R\$ 2.400,00.
- b) R\$ 2.000,00.



- c) R\$ 1.800,00.
- d) R\$ 1.500,00.
- e) R\$ 1.000,00.

**42. (VUNESP/Pref. Sertãozinho/2018)** Para responder à questão seguinte, considere os números 1,5; 1,5; 1,6; 1,6; 1,6; 1,7; 1,7; 1,8; 1,9 e 1,9 como as alturas, em metros, de 10 pessoas.

**A mediana das alturas dessas pessoas**

- a) É 1,8 metro.
- b) Está entre 1,7 e 1,8 metro.
- c) É 1,7 metro.
- d) Está entre 1,6 e 1,7 metro.
- e) É 1,6 metro.

**43. (FCC/SEFAZ-MA/2016)** Os registros da temperatura máxima diária dos primeiros 6 dias de uma semana foram: 25 °C; 26 °C, 28,5 °C; 26,8 °C; 25 °C; 25,6 °C. Incluindo também o registro da temperatura máxima diária do 7º dia dessa semana, o conjunto dos sete dados numéricos será unimodal com moda igual a 25 °C, e terá mediana igual a 26 °C. De acordo com os dados, é correto afirmar que, necessariamente, a temperatura máxima diária do 7º dia foi

- a) Inferior a 25 °C.
- b) Superior a 26,8 °C.
- c) Igual a 26 °C.
- d) Inferior a 25,6 °C.
- e) Superior a 26 °C.

**44. (FGV/CODEBA/2016)** Uma das características principais da mediana é

- a) A invariância à unidade de medida utilizada.
- b) A robustez à presença de outliers.
- c) A identificação da observação mais frequente.
- d) O fato de, em seu cálculo, dar mais peso às observações mais frequentes.
- e) A normalização pelos desvios em relação à média.

**45. (FGV/IBGE/2016)** Após a extração de uma amostra, as observações obtidas são tabuladas, gerando a seguinte distribuição de frequências:

Valor	3	5	9	13
Frequência	5	9	10	3



Considerando que  $E(X) = \text{Média de } X$ ,  $Mo(X) = \text{Moda de } X$  e  $Me(X) = \text{Mediana de } X$ , é correto afirmar que:

- a)  $E(X) = 7$  e  $Mo(X) = 10$ ;
- b)  $Me(X) = 5$  e  $E(X) = 6,3$ ;
- c)  $Mo(X) = 9$  e  $Me(X) = 9$ ;
- d)  $Me(X) = 9$  e  $E(X) = 6,3$ ;
- e)  $Mo(X) = 9$  e  $E(X) = 7$ .

46. (VUNESP/CM Registro/2016) Foi construída uma amostra com 10 funcionários de uma determinada repartição para a verificação do consumo de papel A4 por mês naquela área. A verificação do consumo desses funcionários mostrou-se conforme a tabela a seguir.

FUNCIONÁRIO	CONSUMO EM FOLHAS DE PAPEL POR MÊS
A	15
B	20
C	18
D	10
E	16
F	22
G	24
H	30
I	8
J	12

Assinale a alternativa que contém, correta e respectivamente, os valores do consumo médio e do consumo mediano de papel A4 dessa repartição.

- a) 15 e 16.
- b) 17 e 17,5.
- c) 17,5 e 17.
- d) 18 e 19.
- e) 19,5 e 18.



**47. (CESPE/TELEBRAS/2015)** Considerando que os possíveis valores de um indicador X, elaborado para monitorar a qualidade de um serviço de cabeamento residencial para a comunicação de dados, sejam elementos do conjunto {0, 1, 2, 3, 4, 5} e que uma amostra aleatória de 5 residências tenha apontado os seguintes indicadores: 4, 4, 5, 4 e 3, julgue o próximo item.

A mediana e a moda dos indicadores registrados na amostra foram iguais a 4.

**48. (CESPE/DEPEN/2015)**

Quantidade diária de incidentes (N)	Frequência relativa
0	0,1
1	0,2
2	0,5
3	0,0
4	0,2
total	1

Considerando os dados da tabela mostrada, que apresenta a distribuição populacional da quantidade diária de incidentes (N) em determinada penitenciária, julgue o item que se segue.

A distribuição de N não é simétrica em torno da média, apesar de a média e a mediana serem iguais.

**49. (FCC/DPE SP/2015)** A tabela abaixo corresponde às frequências absolutas dos salários de todos os homens e de todas as mulheres que são empregados de uma empresa.

Classe de Salários (R\$)	Frequências Absolutas	
	Homens	Mulheres
1.500 ← 2.500	10	5
2.500 ← 3.500	40	20
3.500 ← 4.500	$2k$	$(K + 10)$
4.500 ← 5.500	15	10
5.500 ← 6.500	5	5



Total	$70 + 2K$	$50 + K$
-------	-----------	----------

**Utilizando o método da interpolação linear para o cálculo da mediana, tem-se que o valor da mediana dos homens é igual a R\$ 3.750,00 e o das mulheres é igual a**

- a) R\$ 3.875,00.
- b) R\$ 4.025,00.
- c) R\$ 3.925,00.
- d) R\$ 3.825,00.
- e) R\$ 4.000,00.

**50. (CESPE/ANTAQ/2014)**

Nota atribuída pelo passageiro	Frequência
0	15
1	30
2	45
3	50
4	35
5	5

A tabela acima apresenta os resultados de uma pesquisa de satisfação realizada em uma amostra de usuários dos serviços de transporte fluvial prestados por uma empresa. Com base nessas informações e na tabela, julgue o próximo item.

A mediana da série de notas obtidas pela empresa é 3.

**51. (FCC/SEFAZ RJ/2014) O Departamento de Pessoal de certo órgão público fez um levantamento dos salários, em número de salários mínimos (SM), dos seus 400 funcionários, obtendo os seguintes resultados:**

Salários (em número de SM)	Frequência absoluta
4 $\vdash$ 6	48
6 $\vdash$ 8	100



8 ← 10	x
10 ← 12	y
12 ← 16	40
<b>Total</b>	<b>400</b>

Sabe-se que a mediana dos salários desses funcionários calculada por meio dessa tabela pelo método da interpolação linear é igual a 8,8 SM. Nessas condições, o salário médio desses 400 funcionários, em número de salários mínimos, considerando que todos os valores incluídos em um intervalo de classe são coincidentes com o ponto médio do intervalo, é igual a

- a) 8,54
- b) 8,83
- c) 8,62
- d) 8,93
- e) 8,72

52. (FGV/AL-BA/2014) Os dados a seguir são uma amostra de 11 salários mensais (aproximados) em reais:

2.080 1.830 2.480 3.010 1.450 1.650 2.500 1.740 3.600 1.900 2.840

A mediana desses salários, em reais, é

- a) 1.990.
- b) 2.080.
- c) 1.650.
- d) 2.000.
- e) 2.220.

53. (FGV/CGE-MA/2014) Sobre uma amostra com uma quantidade ímpar de valores, todos diferentes de uma variável aleatória, sabe-se que a média é maior que a mediana.

Com relação aos valores dessa amostra é necessariamente verdade que

- a) Há mais valores acima da média do que abaixo da média.
- b) Há mais valores abaixo da média do que acima da média.
- c) Há mais valores acima da média do que abaixo da mediana.
- d) Há mais valores acima da mediana do que abaixo da média.
- e) A quantidade de valores acima da média é igual à quantidade de valores abaixo da média.

54. (FGV/Pref. Recife/2014) A seguinte amostra de idades foi obtida:



**19; 25; 39; 20; 16; 27; 40; 38; 28; 32; 30.**

**Assinale a opção que indica a mediana dessas idades.**

- a) 27
- b) 28
- c) 29
- d) 30
- e) 31

**55. (CESPE/PRF/2013)**



**Considerando os dados apresentados no gráfico, julgue o item seguinte.**

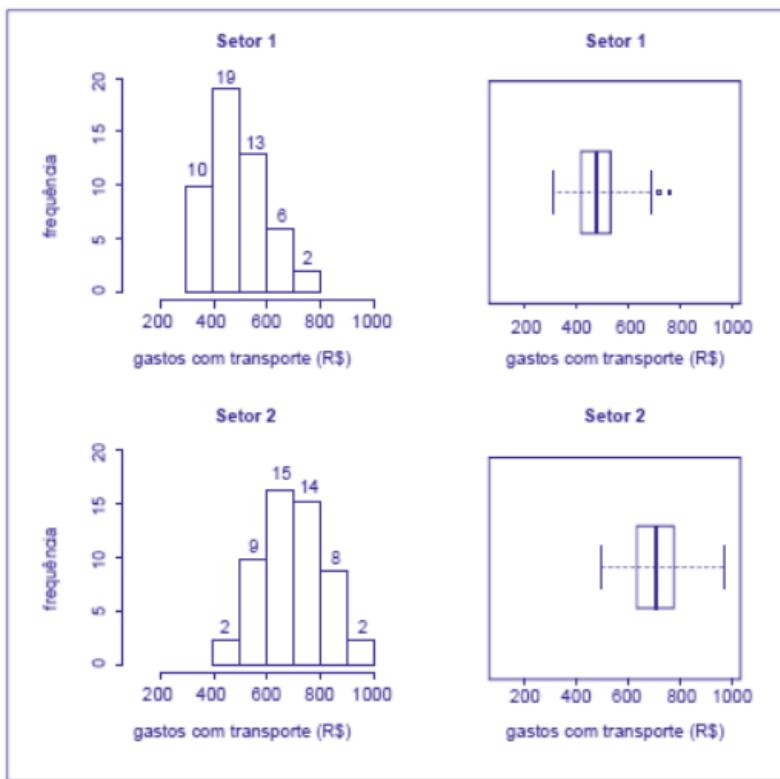
A média do número de acidentes ocorridos no período de 2007 a 2010 é inferior à mediana da sequência de dados apresentada no gráfico.

**56. (CESPE/Polícia Federal/2012) Com relação a estatística, julgue o item seguinte.**

Ao contrário da mediana amostral, a média aritmética é menos sensível à presença de valores extremos (ou valores atípicos ou *outliers*).

**57. (CESPE/Câmara dos Deputados/2012)**





Para avaliar os gastos com transporte de determinada diretoria, um analista coletou amostras de despesas com transportes (em R\$) registradas por servidores dos setores 1 e 2. Para cada setor, a amostra é constituída por 50 registros. Essas amostras foram organizadas graficamente, e os resultados são mostrados na figura acima. Nesta figura, as frequências absolutas estão indicadas nos histogramas correspondentes. Os dados foram os seguintes:

#### Setor 1

308,73	311,80	358,33	359,89	371,53	379,82
383,76	388,66	391,53	394,65	414,60	416,38
418,34	419,42	427,85	428,58	432,06	436,61
442,49	450,53	450,98	452,35	471,70	473,11
476,76	481,46	484,89	490,07	499,87	500,52
502,06	513,80	514,39	521,96	522,18	526,42
528,76	531,53	547,91	572,66	591,43	596,99
609,44	632,15	639,71	677,48	683,76	688,76
723,79	767,53				

#### Setor 2

488,37	493,73	547,72	552,66	567,94	571,49
572,26	582,00	583,63	594,77	598,46	619,25
624,20	631,03	634,51	637,21	655,70	657,56
663,81	670,12	671,90	673,78	684,69	685,98
693,35	698,58	708,78	719,80	721,16	734,84



735,94    746,34    754,83    756,10    756,96    760,80  
 762,29    766,24    770,11    797,73    804,06    805,97  
 807,29    832,83    844,00    866,77    878,27    897,09  
 943,10    963,25

**Considerando essas informações, julgue o item.**

A mediana das despesas registradas pelos servidores do setor 2 é igual a R\$ 693,35.

**58. (FUNDATÉC/SEFAZ-RS/2009)** A tabela a seguir representa a distribuição de frequências da idade de uma amostra de moradores de um asilo. Utilize para resolver a questão.

$X_i$	$f_i$
70 – 74	7
74 – 78	19
78 – 82	13
82 – 86	11
86 – 90	6
90 – 94	4
<b>Total</b>	<b>60</b>

**A idade aproximada da mediana é:**

- a) 78,22.
- b) 80,00.
- c) 79,38.
- d) 78,55.
- e) 79,23.



## GABARITO

### Mediana

- |                    |                    |                    |
|--------------------|--------------------|--------------------|
| <b>1.</b> ERRADO   | <b>21.</b> LETRA E | <b>41.</b> LETRA D |
| <b>2.</b> CERTO    | <b>22.</b> ERRADO  | <b>42.</b> LETRA D |
| <b>3.</b> CERTO    | <b>23.</b> LETRA C | <b>43.</b> LETRA E |
| <b>4.</b> LETRA B  | <b>24.</b> LETRA D | <b>44.</b> LETRA B |
| <b>5.</b> LETRA C  | <b>25.</b> LETRA B | <b>45.</b> LETRA E |
| <b>6.</b> LETRA D  | <b>26.</b> LETRA D | <b>46.</b> LETRA C |
| <b>7.</b> LETRA A  | <b>27.</b> LETRA C | <b>47.</b> CERTO   |
| <b>8.</b> LETRA B  | <b>28.</b> LETRA D | <b>48.</b> CERTO   |
| <b>9.</b> CERTO    | <b>29.</b> LETRA C | <b>49.</b> LETRA A |
| <b>10.</b> ERRADO  | <b>30.</b> LETRA C | <b>50.</b> ERRADO  |
| <b>11.</b> ERRADO  | <b>31.</b> LETRA D | <b>51.</b> LETRA D |
| <b>12.</b> LETRA B | <b>32.</b> LETRA A | <b>52.</b> LETRA B |
| <b>13.</b> LETRA E | <b>33.</b> LETRA B | <b>53.</b> LETRA B |
| <b>14.</b> LETRA C | <b>34.</b> ERRADO  | <b>54.</b> LETRA B |
| <b>15.</b> LETRA D | <b>35.</b> LETRA B | <b>55.</b> ERRADO  |
| <b>16.</b> CERTO   | <b>36.</b> LETRA A | <b>56.</b> ERRADO  |
| <b>17.</b> ERRADO  | <b>37.</b> LETRA A | <b>57.</b> ERRADO  |
| <b>18.</b> LETRA E | <b>38.</b> LETRA B | <b>58.</b> LETRA E |
| <b>19.</b> LETRA D | <b>39.</b> LETRA E |                    |
| <b>20.</b> LETRA E | <b>40.</b> LETRA A |                    |



# ESSA LEI TODO MUNDO CONHECE: PIRATARIA É CRIME.

Mas é sempre bom revisar o porquê e como você pode ser prejudicado com essa prática.



1

Professor investe seu tempo para elaborar os cursos e o site os coloca à venda.



2

Pirata divulga ilicitamente (grupos de rateio), utilizando-se do anonimato, nomes falsos ou laranjas (geralmente o pirata se anuncia como formador de "grupos solidários" de rateio que não visam lucro).



3

Pirata cria alunos fake praticando falsidade ideológica, comprando cursos do site em nome de pessoas aleatórias (usando nome, CPF, endereço e telefone de terceiros sem autorização).



4

Pirata compra, muitas vezes, clonando cartões de crédito (por vezes o sistema anti-fraude não consegue identificar o golpe a tempo).



5

Pirata fere os Termos de Uso, adultera as aulas e retira a identificação dos arquivos PDF (justamente porque a atividade é ilegal e ele não quer que seus fakes sejam identificados).



6

Pirata revende as aulas protegidas por direitos autorais, praticando concorrência desleal e em flagrante desrespeito à Lei de Direitos Autorais (Lei 9.610/98).



7

Concursado(a) desinformado participa de rateio, achando que nada disso está acontecendo e esperando se tornar servidor público para exigir o cumprimento das leis.



8

O professor que elaborou o curso não ganha nada, o site não recebe nada, e a pessoa que praticou todos os ilícitos anteriores (pirata) fica com o lucro.



Deixando de lado esse mar de sujeira, aproveitamos para agradecer a todos que adquirem os cursos honestamente e permitem que o site continue existindo.